

# Ministério da Educação Universidade Federal da Paraíba Centro de Ciências Exatas e da Natureza Departamento de Matemática

DISCIPLINA	TOPOLOGIA DOS ESPAÇOS MÉTRICOS	
CÓDIGO	1103186	
PRÉ-REQUISITO	INTRODUÇÃO À ANÁLISE REAL	
EMENTA	Espaços Métricos. Linguagem básica da Topologia. Espaços	
	Completos. Espaços Compactos. Espaços Separáveis	
CRÉDITOS	CARGA HORÁRIA	PERÍODO
04	60 horas	-

### PROGRAMA DA DISCIPLINA

# 1- ESPAÇOS MÉTRICOS

- 1.1 Definição e Exemplos
- 1.2 Bolas e esferas, conjuntos limitados
- 1.3 Isometrias e pseudo-métricas

# 2 - FUNÇÕES CONTÍNUAS

- 2.1 Definições e Exemplos
- 2.2 Homeomorfismos
- 2.3 Métricas Equivalentes

# 3 - LINGUAGEM BÁSICA DA TOPOLOGIA

- 3.1 Conjuntos Abertos
- 3.2 Relações entre conjuntos abertos e continuidade
- 3.3 Espaços Topológicos e Conjuntos Fechados

# 4 - CONJUNTOS CONEXOS

- 4.1 Definição e Exemplos
- 4.2 Conexidade por caminhos
- 4.3 Componentes conexas

### 5 - LIMITES

- 5.1 Limites de següências
- 5.2 Convergência e topologia
- 5.3 Següências e limites de funções

## **6 – ESPAÇOS COMPLETOS**

- 6.1 Espaços Métricos Completos
- 6.2 Espaços de Banach e Espaços de Hilbert
- 6.3 Completamento de um espaço métrico
- 6.4 O Teorema de Baire

## 7 – ESPAÇOS MÉTRICOS COMPACTOS

- 7.1 Espaços Métricos Compactos
- 7.2 Caracterização de Espaços Compactos
- 7.3 Continuidade Uniforme e espaços localmente compactos
- 7.4 Os teoremas de aproximação de Weierstrass e Stone

# 8 - ESPAÇOS SEPARÁVEIS 8.1 - Definição e propriedades gerais 8.2 - Espaços localmente compactos separáveis REFERÊNCIAS BIBLIOGRÁFICAS 1. Lima, E. L., Espaços Métricos; Projeto Euclides.