

1ª Prova

Cálculo Vetorial e Geometria Analítica

Prof.: Sérgio Data: 22/Mai/2014

Turno: Noite

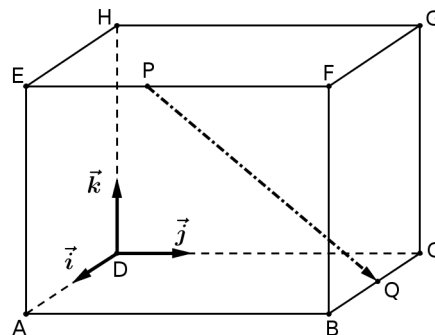
Curso: Nome:

Período: 14.1 Turma: 15

Matrícula:

Observações: Use a constante $\textcircled{5}$ como **último número de sua matrícula**, nas questões abaixo.

Considere o paralelepípedo $ABCDEFGH$ (ao lado) e os vetores: $\overrightarrow{DA} = 12\vec{i}$, $\overrightarrow{DC} = 6\vec{j}$ e $\overrightarrow{DH} = 3\vec{k}$.



1ª Questão Se $\overrightarrow{EP} = (|5 - \textcircled{5}| + 1)\vec{j}$ e $\overrightarrow{CQ} = (\textcircled{5} + 1)\vec{i}$, então o vetor \overrightarrow{PQ} é igual a:

- | | | | |
|---------------------------------------|--|---------------------------------------|---------------------------------------|
| (a) $-6\vec{i} + 5\vec{j} - 3\vec{k}$ | (d) $-10\vec{i} + 1\vec{j} - 3\vec{k}$ | (g) $-2\vec{i} + 1\vec{j} - 3\vec{k}$ | (j) $-7\vec{i} + 4\vec{j} - 3\vec{k}$ |
| (b) $-9\vec{i} + 2\vec{j} - 3\vec{k}$ | (e) $-12\vec{i} - 1\vec{j} - 3\vec{k}$ | (h) $-4\vec{i} + 3\vec{j} - 3\vec{k}$ | (k) $-3\vec{i} + 2\vec{j} - 3\vec{k}$ |
| (c) $-8\vec{i} + 3\vec{j} - 3\vec{k}$ | (f) $-11\vec{i} + 0\vec{j} - 3\vec{k}$ | (i) $-5\vec{i} + 4\vec{j} - 3\vec{k}$ | (l) NDA |

2ª Questão Considerando os vetores $\vec{a} = \vec{i} + 2\vec{j} + (9 - \textcircled{5})\vec{k}$, $\vec{b} = 3\vec{i} + 4\vec{j} + 0\vec{k}$ e $\vec{c} = (|\textcircled{5} - 5|)\vec{i} + \vec{j} + 2\vec{k}$, onde $\mathcal{B} = \{\vec{i}, \vec{j}, \vec{k}\}$ é uma base ortonormal de \mathbb{R}^3 . Assinale as alternativas corretas abaixo:

i) O vetor $\vec{u} = 1\vec{a} + (\textcircled{5} + 1)\vec{b} - 3\vec{c}$ é igual a:

- | | | | |
|--|--|--|--|
| (a) $19\vec{i} + 23\vec{j} - 2\vec{k}$ | (d) $-5\vec{i} + 7\vec{j} + 2\vec{k}$ | (g) $13\vec{i} + 19\vec{j} - 1\vec{k}$ | (j) $7\vec{i} + 15\vec{j} + 0\vec{k}$ |
| (b) $19\vec{i} + 39\vec{j} - 6\vec{k}$ | (e) $1\vec{i} + 11\vec{j} + 1\vec{k}$ | (h) $19\vec{i} + 31\vec{j} - 4\vec{k}$ | (k) $-17\vec{i} - 1\vec{j} + 4\vec{k}$ |
| (c) $-11\vec{i} + 3\vec{j} + 3\vec{k}$ | (f) $19\vec{i} + 27\vec{j} - 3\vec{k}$ | (i) $19\vec{i} + 35\vec{j} - 5\vec{k}$ | (l) NDA |

ii) O valor da expressão dada por $(\vec{a} + \vec{b}) \cdot (\vec{a} - \vec{b})$ é:

- | | | | | | |
|---------|--------|--------|---------|---------|---------|
| (a) -4 | (c) 80 | (e) 29 | (g) -19 | (i) 16 | (k) 61 |
| (b) -20 | (d) 5 | (f) 44 | (h) -16 | (j) -11 | (l) NDA |

iii) O valor numérico para o $\cos(\vec{a}, \vec{b})$ é:

- | | | | |
|-----------------------------|------------------------------|-----------------------------|-----------------------------|
| (a) $\frac{11}{5\sqrt{30}}$ | (d) $\frac{11}{5\sqrt{6}}$ | (g) $\frac{11}{5\sqrt{14}}$ | (j) $\frac{11}{5\sqrt{9}}$ |
| (b) $\frac{11}{5\sqrt{41}}$ | (e) $\frac{11}{5\sqrt{21}}$ | (h) $\frac{11}{5\sqrt{69}}$ | (k) $\frac{11}{5\sqrt{86}}$ |
| (c) $\frac{11}{5\sqrt{5}}$ | (f) $\frac{11}{5\sqrt{105}}$ | (i) $\frac{11}{5\sqrt{54}}$ | (l) NDA |

iv) Qual dos vetores abaixo, dado em coordenadas, é perpendicular ao vetor \vec{a} ?

- (a) $(0, -2, 1)$ (d) $(-5, 43, -9)$ (g) $(2, 2, -3)$ (j) $(4, -2, -7)$
 (b) $(-4, 30, -7)$ (e) $(-2, 10, -3)$ (h) $(1, 1, -1)$ (k) $(3, 1, -5)$
 (c) $(-3, 19, -5)$ (f) $(-1, 3, -1)$ (i) $(-6, 58, -11)$ (l) NDA

v) O vetor, em coordenadas, $\vec{w} = (\vec{a} \times \vec{c})$ é igual à:

- (a) $(-3, 19, -5)$ (d) $(4, -2, -7)$ (g) $(-5, 43, -9)$ (j) $(2, 2, -3)$
 (b) $(-6, 58, -11)$ (e) $(3, 1, -5)$ (h) $(-4, 30, -7)$ (k) $(0, -2, 1)$
 (c) $(-1, 3, -1)$ (f) $(1, 1, -1)$ (i) $(-2, 10, -3)$ (l) NDA

vi) A área do paralelogramo $LMNO$, onde $\overrightarrow{LM} = \vec{a}$ e $\overrightarrow{LO} = \vec{c}$, é:

- (a) $\sqrt{395}$ (c) $\sqrt{35}$ (e) $\sqrt{11}$ (g) $\sqrt{1955}$ (i) $\sqrt{5}$ (k) $\sqrt{965}$
 (b) $\sqrt{113}$ (d) $\sqrt{3}$ (f) $\sqrt{17}$ (h) $\sqrt{69}$ (j) $\sqrt{3521}$ (l) NDA

vii) O volume do paralelepípedo gerado pelos vetores \vec{a} , \vec{b} e \vec{c} é:

- (a) 8 (c) 67 (e) 7 (g) 34 (i) 157 (k) 13
 (b) 4 (d) 214 (f) 9 (h) 108 (j) 14 (l) NDA

viii) A soma das coordenadas do vetor $\vec{d} = (3\textcircled{S} + 1)\vec{i} + (4\textcircled{S} + 2)\vec{j} + (9 - \textcircled{S})\vec{k}$ em relação a base $\{\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}\}$, ou seja, o valor de $x + y + z$ onde $x\vec{a} + y\vec{b} + z\vec{c} = \vec{d}$, é:

- (a) 4 (c) 8 (e) 1 (g) 6 (i) 3 (k) 0
 (b) 2 (d) 5 (f) 7 (h) 10 (j) 9 (l) NDA

3ª Questão Dados três vetores, **não nulos**, \vec{p} , \vec{q} e \vec{r} quaisquer em \mathbb{R}^3 , assinale com a letra **V** para VERDADEIRO ou a letra **F** para FALSO, marcando a opção correta, os itens abaixo.

- i) Se $\vec{p} = (\textcircled{S} + 1)\vec{q}$ e $\vec{p} \cdot \vec{r} = 0$ então $\|\vec{p} + \vec{r}\|^2 = \|\vec{p}\|^2 + \|\vec{r}\|^2$. ()
 ii) Se $\vec{p} = \overrightarrow{RS}$, $\vec{q} = (\textcircled{S} + 1)\overrightarrow{RT}$ e $\vec{p} \times \vec{q} \neq \vec{0}$, então os pontos R , S e T estão sob uma mesma reta. ()
 iii) Se \vec{r} é paralelo aos vetores \vec{p} e \vec{q} então $[\vec{p} + (\textcircled{S} + 1)\vec{q}] \times \vec{r}$ é o vetor nulo. ()

4ª Questão Considerando os vetores da segunda questão, mostre que $\{\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}\}$ é uma base para o \mathbb{R}^3 . **JUSTIFIQUE SUA RESPOSTA, USANDO O TEOREMA.**

Boa Sorte

Nome:

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Matrícula:

--	--	--	--	--	--	--	--

Assinatura