



UNIVERSIDADE FEDERAL DA PARAÍBA

CCEN - Departamento de Matemática

<http://www.mat.ufpb.br/sergio>



-1ª Lista/Roteiro

Matemática Aplicada à Tecnologia

Prof.: Sérgio Data: 08/Mar/2016

Curso: Nome:

Período: 15.2 Turma(s):

Matrícula:

1ª Questão Considerando o conjunto $A = \{0, \pm 1, \pm 2, \pm 3, \pm 4\}$, determine os domínios, as imagens e verifique quais das relações, de A em A , definidas abaixo são funções:

a) $\mathcal{R}_1 = \{(-4, 2), (-3, 2), (-2, 2), (-1, 2), (0, 0), (1, 2), (2, 2), (3, 2), (4, 2)\}$

$\boxed{\text{Dom } \mathcal{R}_1 = A, \text{ Im } \mathcal{R}_1 = \{0, 2\} \text{ e } \mathcal{R}_1 \text{ é função}}$

b) $\mathcal{R}_2 = \{(-4, 1), (-3, 2), (-2, 3), (-1, 4), (0, 0), (1, -4), (2, -3), (3, -2), (4, -1), (-4, 0)\}$

$\boxed{\text{Dom } \mathcal{R}_2 = A, \text{ Im } \mathcal{R}_2 = A \text{ e } \mathcal{R}_2 \text{ não é função}}$

c) $\mathcal{R}_3 = \{(x, y) \in A \times A / y^2 = x\}$

$\boxed{\text{Dom } \mathcal{R}_3 = \{0, 1, 4\}, \text{ Im } \mathcal{R}_3 = \{-2, -1, 0, 1, 2\} \text{ e } \mathcal{R}_3 \text{ não é função}}$

d) $\mathcal{R}_4 = \{(x, y) \in A \times A / x = -y + 1\}$

$\boxed{\text{Dom } \mathcal{R}_4 = \text{Im } \mathcal{R}_4 = \{0, \pm 1, \pm 2, \pm 3, 4\} \text{ e } \mathcal{R}_4 \text{ é função}}$

2ª Questão Considere como domínio das funções f_i abaixo o conjunto $\text{Dom}(f_i) = [1, 3]$. Qual a imagem de cada uma dessas funções f_i :

a) $f_1(x) = 3$

$\boxed{\text{Im } f_1 = \{3\}}$

c) $f_3(x) = 2x - 1$

$\boxed{\text{Im } f_3 = [1, 5]}$

b) $f_2(x) = -x + 1$

$\boxed{\text{Im } f_2 = [-2, 0]}$

d) $f_4(x) = x^2 - 4$

$\boxed{\text{Im } f_4 = [-3, 5]}$

3ª Questão Considere as seguintes funções abaixo:

a) $a(x) = x + 3$

c) $c(x) = (x + 1)^2 - 4$

e) $e(x) = \log_2(x + 1) + 2$

b) $b(x) = |x + 3| - 2$

d) $d(x) = 3^{(x-1)} - 1$

i) Faça um esboço do gráfico das funções:

(a) $a(x)$

(b) $b(x)$

(c) $c(x)$

(d) $d(x)$

(e) $e(x)$

ii) Determine quantas e quais são as soluções, caso existam, das equações abaixo:

(a) $a(x) = 2$

$\boxed{x_1 = -1}$

(d) $d(x) = 2$

$\boxed{x_1 = 2}$

(b) $b(x) = 1$

$\boxed{x_1 = -6 \text{ e } x_2 = 0}$

(c) $c(x) = -3$

$\boxed{x_1 = -2 \text{ e } x_2 = 0}$

(e) $e(x) = 2$

$\boxed{x_1 = 0}$

iii) Encontre o conjunto solução das desigualdades abaixo:

(a) $a(x) \leq 2$

$\boxed{[-\infty, -1]}$

(d) $d(x) < 2$

$\boxed{(-\infty, 2)}$

(b) $b(x) > 1$

$\boxed{(-\infty, -6) \cup (0, \infty)}$

(e) $e(x) \leq 2$

$\boxed{(-1, 2)}$

(c) $c(x) \geq -3$

$\boxed{(-\infty, -2] \cup [0, \infty)}$

iv) Determine as expressões algébricas das funções compostas abaixo:

(a) $f(x) = a(b(x))$

$\boxed{f(x) = |x + 3| + 1}$

(b) $g(x) = b(a(x))$

$\boxed{g(x) = |x + 6| - 2}$

(c) $h(x) = |c(x + 3) + 4|$

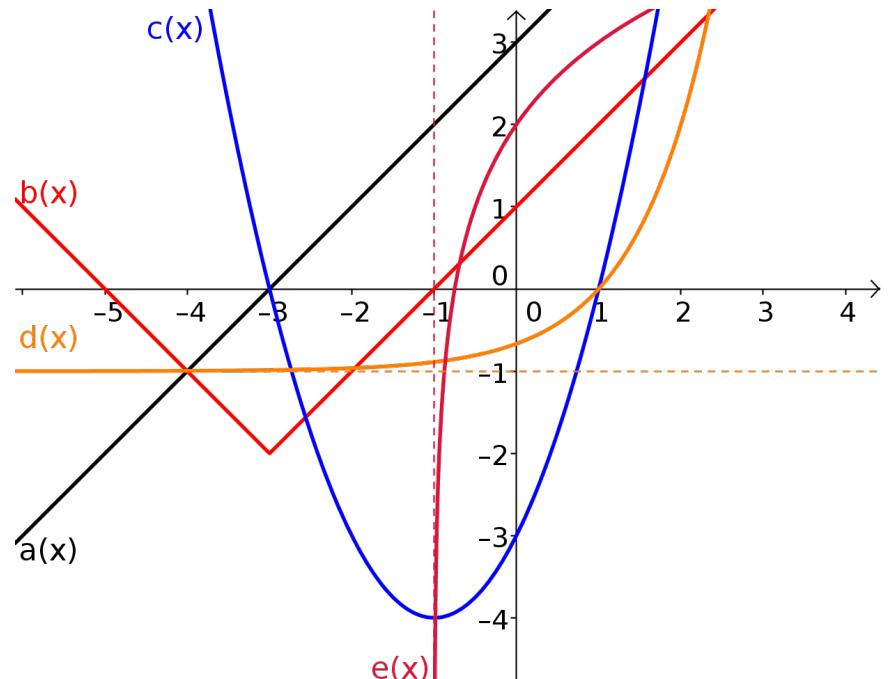
$\boxed{h(x) = (x + 4)^2}$

(d) $i(x) = d(x - 1)$

$\boxed{i(x) = 3^{(x-1)} - 1}$

(e) $j(x) = e(x - 1) - 2$

$\boxed{j(x) = \log_2(x)}$



Boa Sorte