



1ª Questão Considerando as funções $a_1(x) = x^2 + 2x - 3$ e $a_2(x) = \sqrt{x}$, determine:

a) Usando a definição, via limites, as derivadas de $a_1(x)$ e $a_2(x)$ no ponto $x = 1$. $a'_1(1) = 4$ e $a'_2(1) = 1/2$

b) A segunda derivada das funções $a_1(x)$ e $a_2(x)$ no ponto $x = 1/4$, utilizando as propriedades das derivadas. $a''_1(1/4) = 2$ e $a''_2(1/4) = -2$

2ª Questão Determine os valores de R_i e Q_i ($i = 1, 2$), de modo que as funções definidas por

$$b_1(x) = \begin{cases} 2x^3 & , \text{ se } x < 1 \\ Q_1x + R_1 & , \text{ se } x \geq 1 \end{cases} \text{ e}$$

$$b_2(x) = \begin{cases} \text{sen}(x) & , \text{ se } x < \pi \\ Q_2 e^{-x} + R_2 & , \text{ se } x \geq \pi \end{cases}$$

sejam derivável nos pontos $x = 1$ e $x = \pi$, respectivamente.

$$R_1 = -4, Q_1 = 6, R_2 = -1 \text{ e } Q_2 = e^\pi$$

3ª Questão Determine as equações das retas tangente ao gráfico das funções abaixo, nos pontos dados.

a) $c_1(x) = 2x^3 - 3x^2 + x - 2$
no ponto $x = 1$ $y = x - 3$

b) $c_2(x) = \ln[\cos(x) + 1]$
no ponto $x = \pi/2$ $y = -x + \pi/2$

4ª Questão Calcule as derivadas das funções abaixo no ponto $x = 1$, usando as propriedades das derivadas:

a) $d_a(x) = x^7 - 3x^6 + 2x^4 + 3$ -3

c) $d_c(x) = \frac{x^3 + x^2}{x + 1}$ 2

b) $d_b(x) = \frac{x^7}{7} - \frac{7}{x} + 7$ 8

d) $d_d(x) = (x^3 - x^2) \ln(x)$ 0

e) $d_e(x) = 2e^{(2x^2-2x)}$	$\boxed{4}$	j) $d_j(x) = \sec\left(x^2 - 1 + \frac{\pi}{6}\right)$	$\boxed{\frac{4}{3}}$
f) $d_f(x) = \cos(x\pi) \ln(x)$	$\boxed{-1}$	k) $d_k(x) = \arccos(x^2 - x)$	$\boxed{-1}$
g) $d_g(x) = \frac{x-1}{e^{(x^2-1)}}$	$\boxed{1}$	l) $d_l(x) = \frac{\ln\left[\cos\left(\sin\sqrt{x^3-1+\frac{\pi^2}{4}}\right)\right]}{\sin\left(\frac{\pi}{2}x\right)}$	
h) $d_h(x) = e^{\sqrt{\ln(4x^2-4x+e)}}$	$\boxed{2}$		
i) $d_i(x) = \text{sen}^3\left(\frac{x^2\pi}{3}\right)$	$\boxed{\frac{3\pi}{4}}$		$\boxed{\text{Desafio: 0}}$

5ª Questão Cada uma das equações abaixo define, implicitamente, y como função de x . Encontre a expressão para $y'(x)$ e $y'(x_0)$ no ponto indicado.

a) $x^2 + y^2 = 2$, com $y(1) = 1$	$\boxed{y'(x) = -\frac{x}{y} \text{ e } y'(1) = -1}$
b) $y^3 = x + y$, com $y(0) = 1$	$\boxed{y'(x) = \frac{1}{3y^2-1} \text{ e } y'(0) = \frac{1}{2}}$
c) $y^2 + xy + x^2 = 3$, com $y(1) = 1$	$\boxed{y'(x) = -\frac{y+2x}{2y+x} \text{ e } y'(1) = -1}$
d) $xy - \sin(y-x) = y^2$, com $y(\pi) = \pi$	$\boxed{y'(x) = \frac{\cos(y-x)+y}{\cos(y-x)+2y-x} \text{ e } y'(\pi) = 1}$
e) $\ln(y+x) + x = 1$, com $y(1) = 0$	$\boxed{y'(x) = -y-x-1 \text{ e } y'(1) = -2}$

Boa Sorte

Tabela de Derivadas ¹

a) $[k]' = k$	h) $[b^x]' = b^x \ln(b)$	² n) $[\text{cotg}(x)]' = -\text{cossec}^2(x)$
b) $[x^k]' = k \cdot x^{(k-1)}$	i) $[\ln(x)]' = \frac{1}{x}$	o) $[\text{cossec}(x)]' = -\text{cossec}(x) \text{cotg}(x)$
c) $[g \pm h]' = g' \pm h'$	j) $[\ln_b(x)]' = \frac{1}{x \ln(b)}$	³ p) $[\sec(x)]' = \sec(x) \text{tg}(x)$
d) $[k \cdot g(x)]' = k \cdot g'(x)$	k) $[\text{sen}(x)]' = \cos(x)$	q) $[\text{sen}^{-1}(x)]' = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$
e) $[g \cdot h]' = g' \cdot h + g \cdot h'$	l) $[\cos(x)]' = -\text{sen}(x)$	⁴ r) $[\cos^{-1}(x)]' = -\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$
f) $\left[\frac{g}{h}\right]' = \frac{g' \cdot h - g \cdot h'}{h^2}$	m) $[\text{tg}(x)]' = \text{cotg}^2(x)$	s) $[\text{tg}^{-1}(x)]' = \frac{1}{1+x^2}$
g) $[e^x]' = e^x$		

¹ Considere g e h funções, g' e h' derivadas de g e h , e as constantes $k \in \mathbb{R}$, $b > 0$ e $b \neq 1$

² Mudança de base: $b^x = e^{\ln(b^x)} = e^{x \ln(b)}$

³ Mudança de base de lnarítmo: $\ln_b(x) = \frac{\ln(x)}{\ln(b)}$

⁴ Função inversa do sen: $\text{sen}^{-1}(x) = \arcsen(x)$ é o arco cujo o seno é x .