

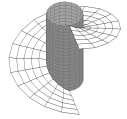
Provas e listas:

Cálculo Diferencial e Integral I

Período 2014.2

Sérgio de Albuquerque Souza

4 de maio de 2015



-1ª Lista/Roteiro

Cálculo Diferencial e Integral I

Prof.: Sérgio Data: 08/Out/2014

Turno: Tarde

Curso: Nome:

Período: 14.2 Turma: 02

Matrícula: **1ª Questão** Considere as seguintes funções abaixo:

a) $a(x) = x + 3$

c) $c(x) = (x + 1)^2 - 4$

e) $e(x) = \log_2(x + 1) + 2$

b) $b(x) = |x + 3| - 2$

d) $d(x) = 3^{(x-1)} - 1$

i) Faça um esboço do gráfico das funções abaixo, exibindo as raízes, os pontos de interseção como eixo y e as assintotas verticais e horizontais caso existam.

(a) $a(x)$

(b) $b(x)$

(c) $c(x)$

(d) $d(x)$

(e) $e(x)$

ii) Determine quantas e quais são as soluções, caso existam, das equações abaixo:

(a) $a(x) = 2$

$x_1 = -1$

(d) $d(x) = 2$

$x_1 = 2$

(b) $b(x) = 1$

$x_1 = -6$ e $x_2 = 0$

(c) $c(x) = -3$

$x_1 = -2$ e $x_2 = 0$

(e) $e(x) = 2$

$x_1 = 0$

iii) Encontre o conjunto solução das inequações abaixo:

(a) $a(x) \leq 2$

$[-\infty, -1]$

(d) $d(x) < 2$

$(-\infty, 2)$

(b) $b(x) > 1$

$(-\infty, -6) \cup (0, \infty)$

(e) $e(x) \leq 2$

$(-1, 2]$

(c) $c(x) \geq -3$

$(-\infty, -2] \cup [0, \infty)$

2ª Questão Calcule os seguintes limites:

a) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{2x^3 + 2x^2}{x^3 + 8}$

$\frac{3}{2}$

d) $\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{x^2 + x - 2}{x^3 - 8}$

∞

b) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 + x - 6}{x^3 - 8}$

$\frac{5}{12}$

e) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 + x - 2}{x^3 - 8}$

0

c) $\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x^2 + x - 2}{x^3 - 8}$

$-\infty$

f) $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sqrt{x} - 2}{x - 4}$

$\frac{1}{4}$

3ª Questão Determine as equações das retas assíntotas verticais e horizontais das funções abaixo, caso existam:

a) $i(x) = \frac{2x^3 + 2x^2}{x^3 + 8}$

$x = -2, y = 2$

c) $k(x) = \frac{x^2 + x - 1}{x^2 - 4}$

$x = \pm 2, y = 1$

b) $j(x) = \frac{x^2 + x - 6}{x^3 - 8}$

$y = 0$

d) $l(x) = \frac{x - 2}{|x - 1|}$

$x = 1, y = \pm 1$

4ª Questão Considere a função $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ definida por:

$$f(x) = \begin{cases} 2^x + 1 & , \text{ se } x < 0 \\ x + 2 & , \text{ se } 0 \leq x < 2 \\ -(x - 3)^2 + 4 & , \text{ se } x \geq 2 \end{cases}$$

- a) Esboce o gráfico da função $f(x)$, identificando sua imagem.
b) Com base no gráfico, complete a tabela abaixo:

$f(0) + f(2)$	$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$	$\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$	$\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$	$\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x)$	$\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x)$	$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x)$
5	1	2	2	4	3	$-\infty$

- c) A função $f(x)$ é contínua nos pontos $x = 0$ e $x = 2$?

$V e F$

5ª Questão Considere a função $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ definida por:

$$g(x) = \begin{cases} (x + 2)^2 + Q & , \text{ se } x < -2 \\ -x + 2 & , \text{ se } -2 \leq x \leq 2 \\ \log_2(x) + R & , \text{ se } x > 2 \end{cases}$$

Determine os valores de:

- a) Q de modo que a função g seja contínua em $x = -2$

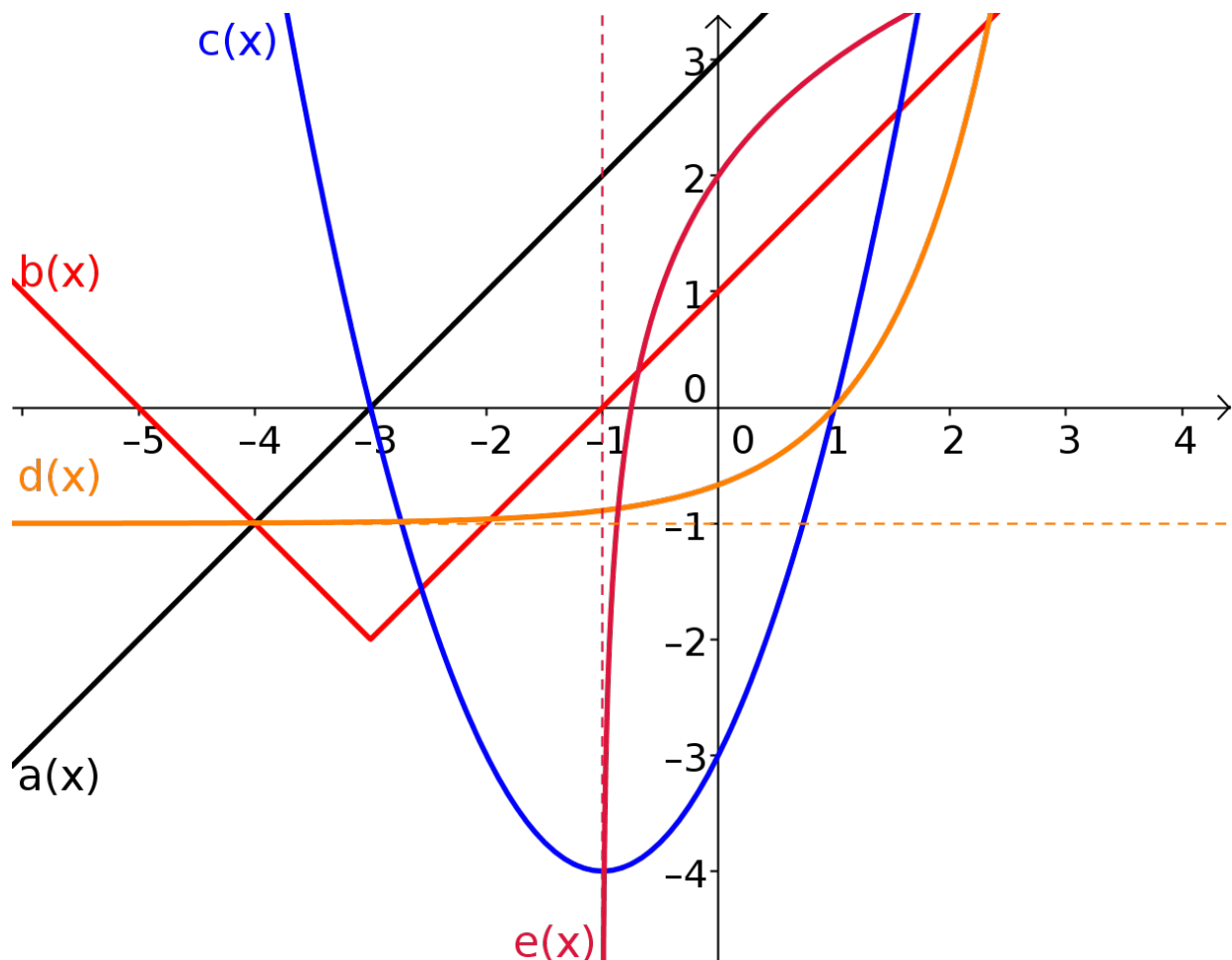
$Q = 4$

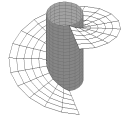
- b) R de modo que a função g seja contínua em $x = 2$

$R = 1$

6ª Questão Considere a função $f(x) = x^2 + 3x$ e o ponto $A = (1, f(1))$. Determine a equação da reta que passa no ponto A e é tangente ao gráfico de $f(x)$ no ponto A , ou seja, tem declividade $m = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h} = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{f(1+\Delta x) - f(1)}{\Delta x} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1}$

$$y = 5x - 1$$





1ª Questão Considerando as funções $a_1(x) = x^2 + 2x - 3$ e $a_2(x) = \sqrt{x}$, determine:

a) Usando a definição, via limites, as derivadas de $a_1(x)$ e $a_2(x)$ no ponto $x = 1$. $a'_1(1) = 4$ e $a'_2(1) = 1/2$

b) A segunda derivada das funções $a_1(x)$ e $a_2(x)$ no ponto $x = 1/4$, utilizando as propriedades das derivadas. $a''_1(1/4) = 2$ e $a''_2(1/4) = -2$

2ª Questão Determine os valores de R_i e Q_i ($i = 1, 2$), de modo que as funções definidas por

$$b_1(x) = \begin{cases} 2x^3 & , \text{ se } x < 1 \\ Q_1x + R_1 & , \text{ se } x \geq 1 \end{cases} \text{ e}$$

$$b_2(x) = \begin{cases} \text{sen}(x) & , \text{ se } x < \pi \\ Q_2 e^{-x} + R_2 & , \text{ se } x \geq \pi \end{cases}$$

sejam derivável nos pontos $x = 1$ e $x = \pi$, respectivamente.

$$R_1 = -4, Q_1 = 6, R_2 = -1 \text{ e } Q_2 = e^\pi$$

3ª Questão Determine as equações das retas tangente ao gráfico das funções abaixo, nos pontos dados.

a) $c_1(x) = 2x^3 - 3x^2 + x - 2$
no ponto $x = 1$ $y = x - 3$

b) $c_2(x) = \ln[\cos(x) + 1]$
no ponto $x = \pi/2$ $y = -x + \pi/2$

4ª Questão Calcule as derivadas das funções abaixo no ponto $x = 1$, usando as propriedades das derivadas:

a) $d_a(x) = x^7 - 3x^6 + 2x^4 + 3$ -3

c) $d_c(x) = \frac{x^3 + x^2}{x + 1}$ 2

b) $d_b(x) = \frac{x^7}{7} - \frac{7}{x} + 7$ 8

d) $d_d(x) = (x^3 - x^2) \ln(x)$ 0

e) $d_e(x) = 2e^{(2x^2-2x)}$	$\boxed{4}$	j) $d_j(x) = \sec\left(x^2 - 1 + \frac{\pi}{6}\right)$	$\boxed{\frac{4}{3}}$
f) $d_f(x) = \cos(x\pi) \ln(x)$	$\boxed{-1}$	k) $d_k(x) = \arccos(x^2 - x)$	$\boxed{-1}$
g) $d_g(x) = \frac{x-1}{e^{(x^2-1)}}$	$\boxed{1}$	l) $d_l(x) = \frac{\ln\left[\cos\left(\sin\sqrt{x^3-1+\frac{\pi^2}{4}}\right)\right]}{\sin\left(\frac{\pi}{2}x\right)}$	
h) $d_h(x) = e^{\sqrt{\ln(4x^2-4x+e)}}$	$\boxed{2}$		
i) $d_i(x) = \text{sen}^3\left(\frac{x^2\pi}{3}\right)$	$\boxed{\frac{3\pi}{4}}$		$\boxed{\text{Desafio: 0}}$

5ª Questão Cada uma das equações abaixo define, implicitamente, y como função de x . Encontre a expressão para $y'(x)$ e $y'(x_0)$ no ponto indicado.

a) $x^2 + y^2 = 2$, com $y(1) = 1$	$\boxed{y'(x) = -\frac{x}{y} \text{ e } y'(1) = -1}$
b) $y^3 = x + y$, com $y(0) = 1$	$\boxed{y'(x) = \frac{1}{3y^2-1} \text{ e } y'(0) = \frac{1}{2}}$
c) $y^2 + xy + x^2 = 3$, com $y(1) = 1$	$\boxed{y'(x) = -\frac{y+2x}{2y+x} \text{ e } y'(1) = -1}$
d) $xy - \sin(y-x) = y^2$, com $y(\pi) = \pi$	$\boxed{y'(x) = \frac{\cos(y-x)+y}{\cos(y-x)+2y-x} \text{ e } y'(\pi) = 1}$
e) $\ln(y+x) + x = 1$, com $y(1) = 0$	$\boxed{y'(x) = -y-x-1 \text{ e } y'(1) = -2}$

Boa Sorte

Tabela de Derivadas ¹

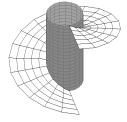
a) $[k]' = k$	h) $[b^x]' = b^x \ln(b)$	² n) $[\cotg(x)]' = -\text{cossec}^2(x)$
b) $[x^k]' = k \cdot x^{(k-1)}$	i) $[\ln(x)]' = \frac{1}{x}$	o) $[\text{cossec}(x)]' = -\text{cossec}(x) \cotg(x)$
c) $[g \pm h]' = g' \pm h'$	j) $[\ln_b(x)]' = \frac{1}{x \ln(b)}$	³ p) $[\sec(x)]' = \sec(x) \text{tg}(x)$
d) $[k \cdot g(x)]' = k \cdot g'(x)$	k) $[\text{sen}(x)]' = \cos(x)$	q) $[\text{sen}^{-1}(x)]' = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$
e) $[g \cdot h]' = g' \cdot h + g \cdot h'$	l) $[\cos(x)]' = -\text{sen}(x)$	⁴ r) $[\cos^{-1}(x)]' = -\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$
f) $\left[\frac{g}{h}\right]' = \frac{g' \cdot h - g \cdot h'}{h^2}$	m) $[\text{tg}(x)]' = \cotg^2(x)$	s) $[\text{tg}^{-1}(x)]' = \frac{1}{1+x^2}$
g) $[e^x]' = e^x$		

¹ Considere g e h funções, g' e h' derivadas de g e h , e as constantes $k \in \mathbb{R}$, $b > 0$ e $b \neq 1$

² Mudança de base: $b^x = e^{\ln(b^x)} = e^{x \ln(b)}$

³ Mudança de base de lnarítmo: $\ln_b(x) = \frac{\ln(x)}{\ln(b)}$

⁴ Função inversa do sen: $\text{sen}^{-1}(x) = \arcsen(x)$ é o arco cujo o seno é x .



1ª Questão Determine, para as funções $a(x) = x - 1$, $b(x) = x^2 + 2x - 3$, $c(x) = x^3 - 3x$, $d(x) = e^{x^2} - ex^2$ e $f(x) = \cos(x)^2 + \sin(x)$ (no intervalo $I_f = [0, 2\pi]$), os seguintes itens:

a) O(s) ponto(s) crítico(s), caso exista(m).

$$P_a = \emptyset, P_b = (-1, -4)$$

$$P_{c_1} = (-1, 2) \text{ e } P_{c_2} = (1, -2), P_{d_1} = (-1, 0), P_{d_2} = (0, 1) \text{ e } P_{d_3} = (1, 0)$$

$$P_{f_1} = \left(\frac{\pi}{6}, \frac{5}{4}\right), P_{f_2} = \left(\frac{5\pi}{6}, \frac{5}{4}\right), P_{f_3} = \left(\frac{\pi}{2}, 1\right) \text{ e } P_{f_4} = \left(\frac{3\pi}{2}, -1\right)$$

b) Em qual(is) intervalo(s) são crescente (e decrescente).

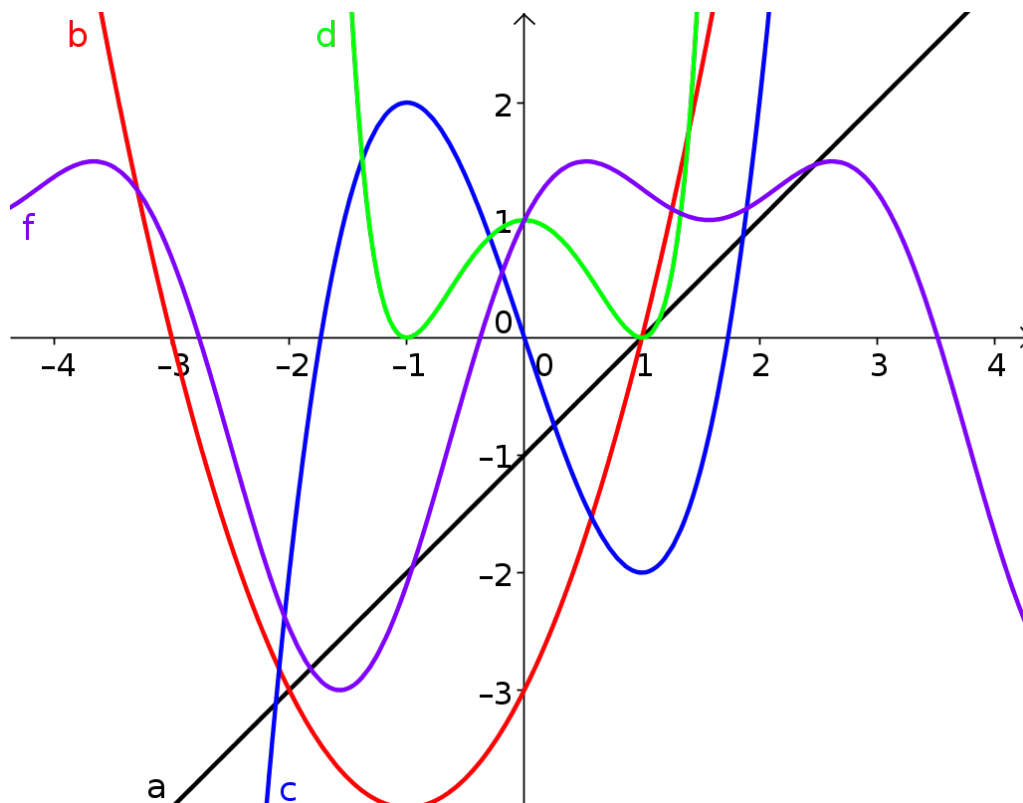
$$\text{Crescente: } I_a = \mathbb{R}, I_b = (-1, \infty), I_c = (-\infty, -1) \cup (1, \infty), I_d = (-1, 0) \cup (1, \infty) \text{ e } I_f = \left(0, \frac{\pi}{6}\right) \cup \left(\frac{\pi}{2}, \frac{5\pi}{6}\right)$$

c) O(s) ponto(s) de máximo/mínimo (locais/absolutos) das funções, caso exista(m). Use a segunda derivada.

$$\text{Máx: } M_a = \emptyset, M_b = \emptyset, M_c = (-1, 2), M_d = (0, 1), M_{f_1} = \left(\frac{\pi}{6}, \frac{5}{4}\right) \text{ e } M_{f_2} = \left(\frac{5\pi}{6}, \frac{5}{4}\right)$$

$$\text{Mim: } m_a = \emptyset, m_b(-1, -4), m_c = (1, -2), m_{d_1} = (-1, 0), m_{d_2} = (1, 0), m_{f_1} = \left(\frac{\pi}{2}, 1\right) \text{ e } m_{f_2} = \left(\frac{3\pi}{2}, -1\right)$$

d) Esboce os gráfico das funções.



2ª Questão Verifique, justificando, quais das funções abaixo, saísfazem o **Teorema de Rolle**, no intervalo dado, e em caso afirmativo, determine o(s) valores da(s) constante(s) existente(s) dada pelo teorema.

- | | | | |
|--|---------------------------------------|---|--|
| <p>a) $g_a(x) = x^3 + 3x^2$
em $[-2, 1]$</p> | <p>$c = 0$</p> | <p>d) $g_d(x) = \text{sen}(x) - \text{cos}(x)$
em $[-\pi, \pi]$</p> | <p>$c_1 = -\frac{\pi}{4}$ e $c_2 = \frac{3\pi}{4}$</p> |
| <p>b) $g_b(x) = e^{x^2} + x^2$
em $[-1, 1]$</p> | <p>$c = 0$</p> | <p>e) $g_e(x) = \frac{1}{x^2}$
em $[-1, 1]$</p> | <p>Não é contínua em $x = 0$</p> |
| <p>c) $g_c(x) = \text{cos}(x^2 - \pi x)$
em $[0, \pi]$</p> | <p>$c = \frac{\pi}{2}$</p> | <p>f) $g_f(x) = \text{sen}(x) - \text{cos}(x)$
em $[0, \pi]$</p> | <p>$g_f(0) \neq g_f(\pi)$</p> |

3ª Questão Verifique, justificando, quais das funções abaixo, saísfazem o **Teorema do Valor Intermediário**, no intervalo dado, e em caso afirmativo, determine o(s) valores da(s) constante(s) existente(s) dada pelo teorema.

- | | | | |
|---|---|--|--|
| <p>a) $h_a(x) = x^2 + 4x - 1$
em $[0, 1]$</p> | <p>$c = \frac{1}{2}$</p> | <p>d) $h_d(x) = \ln(x) + x$
em $[1, e]$</p> | <p>$c = e - 1$</p> |
| <p>b) $h_b(x) = x^3 - 1$
em $[-\sqrt{3}, \sqrt{3}]$</p> | <p>$c_1 = -1$ e $c_2 = 1$</p> | <p>e) $h_e(x) = x - \text{sen}(x)$
em $[0, \pi]$</p> | <p>$c = \frac{\pi}{2}$</p> |
| <p>c) $h_c(x) = \frac{1}{x}$
em $[1, 4]$</p> | <p>$c = 2$</p> | <p>f) $h_f(x) = x^2 - 1$
em $[0, 2]$</p> | <p>Não é derivável em $x = 1$</p> |

4ª Questão Calcule os limites abaixo. Use a regra L'Hôpital, quando necessário, indicando qual o tipo da ideterminação:

- | | | | |
|--|--|--|--|
| <p>a) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - x}{x^2 + x - 2}$</p> | <p>Tipo: $\frac{0}{0}$, $L = \frac{1}{3}$</p> | <p>e) $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\ln(x)}{1/x}$</p> | <p>Tipo: $\frac{-\infty}{\infty}$, $L = 0$</p> |
| <p>b) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1}{x^3}$</p> | <p>Tipo: $\frac{0}{0}$, $L = \infty$</p> | <p>f) $\lim_{x \rightarrow 0^+} \sqrt{x} \ln(x)$</p> | <p>Tipo: $0 \cdot \infty$, $L = 0$</p> |
| <p>c) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \text{cos}(x)}{x^2}$</p> | <p>Tipo: $\frac{0}{0}$, $L = \frac{1}{2}$</p> | <p>g) $\lim_{x \rightarrow \infty} x e^{-x}$</p> | <p>Tipo: $0 \cdot \infty$, $L = 0$</p> |
| <p>d) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{1 - x + \ln(x)}{1 + \text{cos}(\pi x)}$</p> | <p>Tipo: $\frac{0}{0}$, $L = -\frac{1}{\pi^2}$</p> | <p>h) $\lim_{x \rightarrow \infty} x - \ln(x)$</p> | <p>Tipo: $\infty - \infty$, $L = \infty$</p> |
| | | <p>i) $\lim_{x \rightarrow \infty} x^{1/x}$</p> | <p>Tipo: ∞^0, $L = 1$</p> |

Alguns Teoremas

Teorema 1 (Rolle) *Seja $f(x)$ uma função contínua no intervalo $[a, b]$, derivável no intervalo (a, b) e $f(a) = f(b)$, então existe $c \in (a, b)$, tal que $f'(c) = 0$*

Teorema 2 (Teorema do Valor Médio) *Seja $f(x)$ uma função contínua no intervalo $[a, b]$, derivável no intervalo (a, b) , então existe $c \in (a, b)$, tal que $f'(c) = \frac{f(b) - f(a)}{b - a}$, ou de outra forma, $f(b) - f(a) = f'(c)(b - a)$*

Teorema 3 (Regra de L'Hôspital) *Sejam $f(x)$ e $g(x)$ funções deriváveis no ponto $x = a$, com $g'(x) \neq 0$ se: $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = 0$ e $\lim_{x \rightarrow a} g(x) = 0$ ou $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = \pm\infty$ e $\lim_{x \rightarrow a} g(x) = \pm\infty$*

Então $\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x)}{g(x)} = \lim_{x \rightarrow a} \frac{f'(x)}{g'(x)}$ se tal limite existir (ou for $\pm\infty$).

Tabela de Derivadas ⁵

a) $[k]' = k$	h) $[b^x]' = b^x \ln(b)$ ⁶	n) $[\cotg(x)]' = -\operatorname{cosec}^2(x)$
b) $[x^k]' = k \cdot x^{(k-1)}$	i) $[\ln(x)]' = \frac{1}{x}$	o) $[\operatorname{cosec}(x)]' = -\operatorname{cosec}(x) \cotg(x)$
c) $[g \pm h]' = g' \pm h'$	j) $[\ln_b(x)]' = \frac{1}{x \ln(b)}$ ⁷	p) $[\sec(x)]' = \sec(x) \operatorname{tg}(x)$
d) $[k \cdot g(x)]' = k \cdot g'(x)$	k) $[\sen(x)]' = \cos(x)$	q) $[\sen^{-1}(x)]' = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$ ⁸
e) $[g \cdot h]' = g' \cdot h + g \cdot h'$	l) $[\cos(x)]' = -\sen(x)$	r) $[\cos^{-1}(x)]' = -\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$
f) $\left[\frac{g}{h}\right]' = \frac{g' \cdot h - g \cdot h'}{h^2}$	m) $[\operatorname{tg}(x)]' = \operatorname{cotg}^2(x)$	s) $[\operatorname{tg}^{-1}(x)]' = \frac{1}{1+x^2}$
g) $[e^x]' = e^x$		

Tabela de Relações Trigonométricas

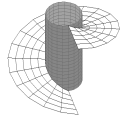
a) $\cos(-x) = \cos x$	g) $\sen^2 x + \cos^2 x = 1$
b) $\sen(-x) = -\sen x$	h) $1 + \operatorname{tg}^2 x = \sec^2 x$
c) $\operatorname{tg} x = \frac{\sen x}{\cos x}$	i) $\sen(a \pm b) = \sen a \cos b \pm \cos a \sen b$
d) $\sec = \frac{1}{\cos x}$	j) $\cos(a \pm b) = \cos a \cos b \mp \sen a \sen b$
e) $\operatorname{cosec} x = \frac{1}{\sen x}$	k) $\sen a \sen b = \frac{1}{2}[\cos(a - b) - \cos(a + b)]$
f) $\cotg x = \frac{1}{\operatorname{tg} x}$	l) $\cos a \cos b = \frac{1}{2}[\cos(a - b) + \cos(a + b)]$

⁵Considere g e h funções, g' e h' derivadas de g e h , e as constantes $k \in \mathbb{R}$, $b > 0$ e $b \neq 1$

⁶Mudança de base: $b^x = e^{\ln(b^x)} = e^{x \ln(b)}$

⁷Mudança de base de lnarítmo: $\ln_b(x) = \frac{\ln(x)}{\ln(b)}$

⁸Função inversa do sen: $\sen^{-1}(x) = \operatorname{arcsen}(x)$ é o arco cujo o seno é x .



1ª Questão Fazer uma pesquisa, em qualquer livro de Cálculo I, dos itens abaixo:

- | | |
|---|--|
| a) Nome do livro, Autor, Editora. | d) Teorema Fundamental do Cálculo; |
| b) Definição de: Primitiva (antiderivada); Integral indefinida; Integral definida; | e) Exemplos dos métodos de integração por: Substituição; Partes e Frações parciais; |
| c) As propriedades das integrais (constantes, potências, exponenciais, trigonométricas, etc); | f) Aplicações (exemplos): Área entre gráficos e Volume de uma superfície de revolução. |

2ª Questão Determine a primitiva das funções abaixo, nos pontos dados:

- | | |
|--|---|
| a) $a(x) = 2x + 1$ no ponto $(-1, 3)$ | $A(x) = x^2 + x + 3$ |
| b) $b(x) = 5x^4 + 3x^2 + 3$ no ponto $(1, 2)$ | $B(x) = x^5 + x^3 + 3x - 3$ |
| c) $c(x) = x^3 + 3x^2 + x$ no ponto $(2, 1)$ | $C(x) = \frac{x^4}{4} + x^3 + \frac{x^2}{2} - 13$ |
| d) $d(x) = \frac{2}{x} - 2x$ no ponto $(1, 1)$ | $D(x) = 2\ln(x) - x^2 + 2$ |
| e) $e(x) = 2e^x + 1$ no ponto $(0, 1)$ | $E(x) = 2e^x + x - 1$ |
| f) $f(x) = (2x + 1)(x^2 + x)^4$ no ponto $(-1, 3)$ | $F(x) = \frac{(x^2 + x)^5}{5} + 3$ |
| g) $g(x) = \ln(x)$ no ponto $(1, 1)$ | $G(x) = x \ln(x) - x + 2$ |

3ª Questão Calcule as integrais indefinidas abaixo:

- | | | | |
|--|-----------------------------------|--|-------------------------|
| a) $\int 7x^6 + 6x^5 + 4x^3 dx$ | $x^7 + x^6 + x^4 + k$ | d) $\int \frac{2x + 5}{x^2 + 5x + 2} dx$ | $\ln(x^2 + 5x + 2) + k$ |
| b) $\int 3\sqrt{x} + \frac{5}{x^6} dx$ | $2\sqrt{x^3} - \frac{1}{x^5} + k$ | e) $\int (2x) e^{(x^2+3)} dx$ | $e^{(x^2+3)} + k$ |
| c) $\int 5e^x + \frac{4}{x} dx$ | $4\ln(x) + 5e^x + k$ | f) $\int (x + 3) e^x dx$ | $(x + 2) e^x + k$ |

4ª Questão Determine as seguintes integrais definidas:

- | | | | |
|--------------------|----------------------|----------------------------------|----------------------|
| a) $\int_1^2 1 dx$ | <input type="text"/> | b) $\int_1^2 6x^5 + 3x^2 + 3 dx$ | <input type="text"/> |
|--------------------|----------------------|----------------------------------|----------------------|

c) $\int_{-2}^2 -3x^2 - 4x + 2 dx$	$\boxed{-8}$	f) $\int_1^2 \frac{2x - 3}{x^2 - 3x + 3} dx$	$\boxed{0}$
d) $\int_1^3 \frac{1}{x} dx$	$\boxed{\ln(3)}$	g) $\int_1^3 \frac{2x - 3}{x^2 - 3x + 3} dx$	$\boxed{\ln(3)}$
e) $\int_1^3 \frac{1}{x^2} dx$	$\boxed{\frac{2}{3}}$	h) $\int_1^2 (2x - 3)(x^2 - 3x + 3) dx$	$\boxed{0}$

Observações: Use a constante \textcircled{S} como sendo o último número de sua matrícula, nas questões abaixo e assinale apenas as alternativas correspondentes a cada item de cada questão.

5ª Questão Determine a constante k da primitiva das funções abaixo, nos pontos dados:

1. $a(x) = 4x + (5 - \textcircled{S})$ no ponto $(-1, 3)$

- | | | | | | |
|--------|-------|-------|--------|--------|---------|
| (a) 1 | (c) 6 | (e) 4 | (g) 2 | (i) -2 | (k) 7 |
| (b) -3 | (d) 5 | (f) 0 | (h) -1 | (j) 3 | (l) NDA |

2. $b(x) = x^3 + 3x^2 + x$ no ponto $(2, \textcircled{S})$

- | | | | | | |
|---------|---------|---------|--------|---------|---------|
| (a) -11 | (c) -7 | (e) -14 | (g) -9 | (i) -12 | (k) -15 |
| (b) -13 | (d) -10 | (f) -8 | (h) -5 | (j) -6 | (l) NDA |

3. $c(x) = 5e^x + 1$ no ponto $(0, \textcircled{S})$

- | | | | | | |
|--------|--------|--------|--------|--------|---------|
| (a) 4 | (c) 1 | (e) 3 | (g) -4 | (i) -1 | (k) 2 |
| (b) -3 | (d) -2 | (f) -5 | (h) -6 | (j) 0 | (l) NDA |

6ª Questão Determine as seguintes integrais definidas:

1. $\int_{-1}^1 6x^5 + 3x^2 - \textcircled{S} dx$

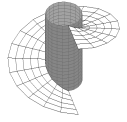
- | | | | | | |
|--------|---------|---------|---------|---------|---------|
| (a) 0 | (c) -4 | (e) -16 | (g) 2 | (i) 4 | (k) -8 |
| (b) -2 | (d) -14 | (f) -6 | (h) -10 | (j) -12 | (l) NDA |

2. $\int_{-\textcircled{S}}^1 \frac{2x + \textcircled{S}}{x^2 + \textcircled{S}x + 1} dx$

- | | | | | | |
|--------------|--------------|---------------|--------------|---------------|--------------|
| (a) $\ln(3)$ | (c) $\ln(9)$ | (e) $\ln(11)$ | (g) $\ln(5)$ | (i) $\ln(10)$ | (k) $\ln(2)$ |
| (b) $\ln(7)$ | (d) $\ln(6)$ | (f) $\ln(4)$ | (h) $\ln(8)$ | (j) 0 | (l) NDA |

3. $\int_0^1 (x + \textcircled{S} - 5) e^x dx$

- | | | | | | |
|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|---------|
| (a) $4e - 3$ | (c) $3 - 2e$ | (e) $2 - e$ | (g) $2e - 1$ | (i) $6 - 5e$ | (k) e |
| (b) $3e - 2$ | (d) $4 - 3e$ | (f) $5 - 4e$ | (h) $7 - 6e$ | (j) 1 | (l) NDA |



1ª Prova

Cálculo Diferencial e Integral I

Prof.: Sérgio Data: 20/Out/2014

Turno: Tarde

Curso: Nome:

Período: 14.2 Turma: 02

Matrícula:

Observações: Use a constante \textcircled{S} como sendo o **último número de sua matrícula**, nas questões abaixo. Pode ter mais de uma opção de resposta nos itens abaixo.

1ª Questão Considere as seguintes funções

$$a(x) = |x - |\textcircled{S} - 4|| - 1 \quad \text{e} \quad b(x) = 3^{(x+\textcircled{S}-4)} - 1:$$

i) Determine quantas e quais são as soluções, caso existam, da equação $a(x) = 1$.

- (a) -1 (c) 1 (e) -2 (g) 6 (i) 2 (k) 5
(b) 3 (d) 4 (f) 7 (h) 8 (j) 0 (l) NDA

ii) Encontre o conjunto solução da inequação $b(x) \geq 2$.

- (a) $[2, \infty)$ (c) $[4, \infty)$ (e) $[-1, \infty)$ (g) $[3, \infty)$ (i) $[0, \infty)$ (k) $[5, \infty)$
(b) $[-3, \infty)$ (d) $[1, \infty)$ (f) $[-2, \infty)$ (h) $[-4, \infty)$ (j) $[6, \infty)$ (l) NDA

2ª Questão Calcule os seguintes limites abaixo:

i) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^4 - x^3 + x^2 - x - 5\textcircled{S}}{x^2 + 1}$

- (a) -1 (c) -7 (e) -2 (g) 0 (i) -6 (k) 1
(b) -4 (d) 2 (f) -5 (h) 3 (j) -3 (l) NDA

ii) $\lim_{x \rightarrow \textcircled{S}^+} \frac{x^2 - 9x + 14}{x - \textcircled{S}}$

- (a) $-\infty$ (c) 7 (e) -7 (g) 0 (i) 5 (k) -2
(b) -5 (d) ∞ (f) -10 (h) 2 (j) 1 (l) NDA

3ª Questão Determine as equações das retas assíntotas, caso existam, da função

$$c(x) = \frac{(\textcircled{S} - 4)x^2 + x + 7}{x^2 - 10x - (\textcircled{S}^2 - 8\textcircled{S} - 9)}$$

1ª Questão Considere a função $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ definida por:

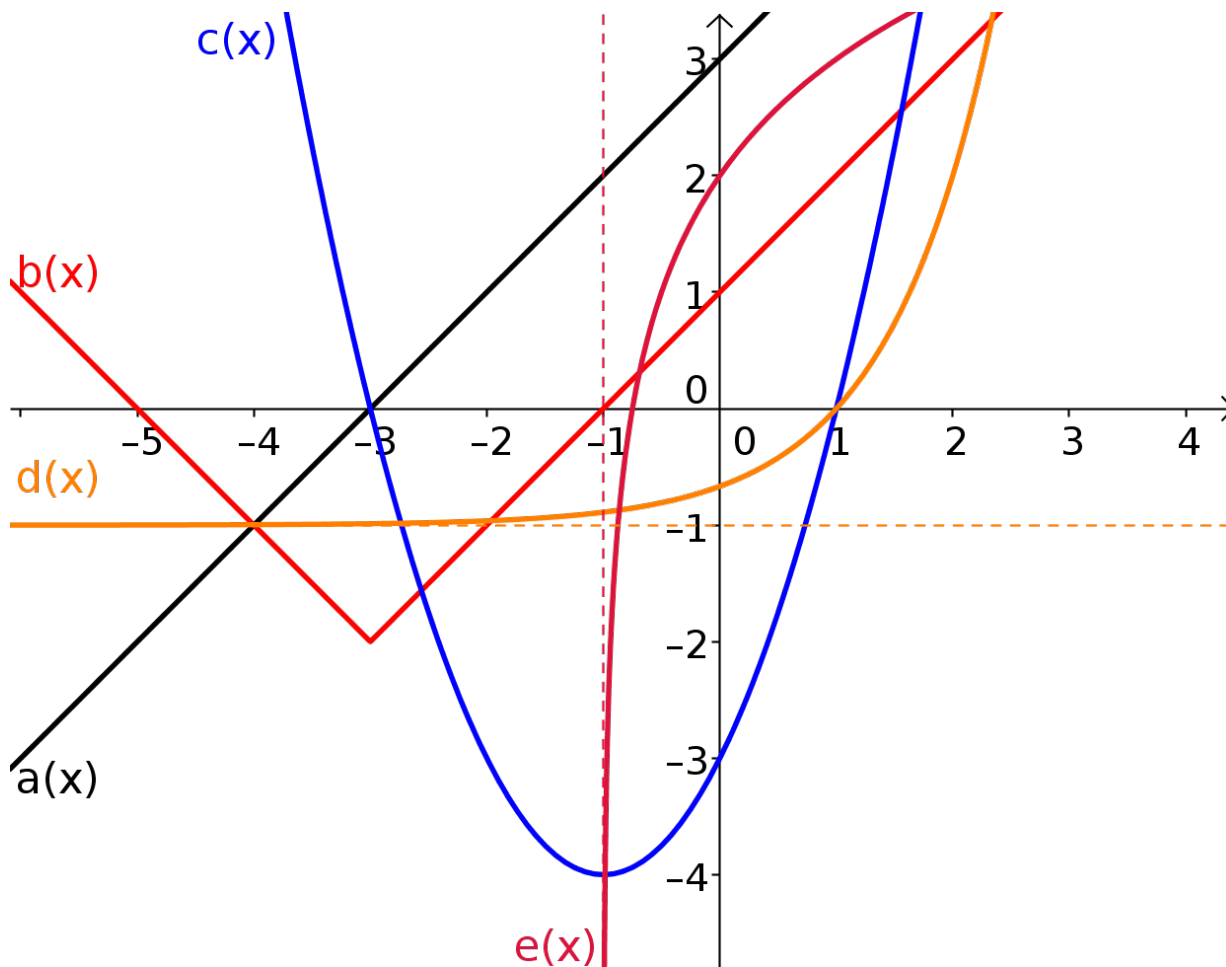
$$f(x) = \begin{cases} 2^x + 1 & , \text{ se } x < 0 \\ x + 2 & , \text{ se } 0 \leq x < 2 \\ -(x - 3)^2 + 4 & , \text{ se } x \geq 2 \end{cases}$$

a) Esboce o gráfico da função $f(x)$, identificando sua imagem.

b) Com base no gráfico, complete a tabela abaixo:

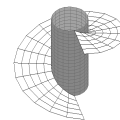
$f(0) + f(2)$	$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$	$\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$	$\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$	$\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x)$	$\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x)$	$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x)$

c) A função $f(x)$ é contínua nos pontos $x = 0$ e $x = 2$?



UNIVERSIDADE FEDERAL DA PARAÍBA
CCEN - Departamento de Matemática

<http://www.mat.ufpb.br/sergio>



2ª Prova

Cálculo Diferencial e Integral I

Prof.: Sérgio Data: 20/Out/2014

Turno: Tarde

Curso: Nome:

Período: 14.2 Turma: 02

Matrícula:

Observações: Use a constante \textcircled{S} como sendo o **último número de sua matrícula**, nas questões abaixo e assinale apenas as alternativas corretas correspondentes a cada item das questões abaixo.

2ª Questão Dada a função $a(x) = (\textcircled{S} + 2)[x + (\textcircled{S} + 1)]^2 + (\textcircled{S} - 10)$, determine:

i) Usando a definição, via limites, a derivada de $a(x)$ no ponto $x = -1$ é:

- (a) 160 (c) 30 (e) 198 (g) 70 (i) 0 (k) 6
(b) 96 (d) 16 (f) 48 (h) -2 (j) 126 (l) NDA

ii) O valor da segunda derivada da função $a(x)$ no ponto $x = \textcircled{S}$ (o valor de $a''(\textcircled{S})$), utilizando as propriedades das derivadas é:

- (a) 22 (c) 16 (e) 20 (g) 6 (i) 12 (k) 18
(b) 8 (d) 10 (f) 4 (h) 2 (j) 14 (l) NDA

3ª Questão Determine os valores de R e Q , de modo que a função definida por

$$b(x) = \begin{cases} 3 \ln(x) + (\textcircled{S} + 4) & , \text{ se } x < 1 \\ Qx^2 + 5x + R & , \text{ se } x \geq 1 \end{cases}$$

seja derivável nos pontos $x = 1$ (marque dois itens).

- a) 2 c) 4 e) 8 g) 0 i) 3 k) 5
b) -1 d) 9 f) 6 h) 1 j) 7 l) NDA

4ª Questão Determine a equação da reta tangente ao gráfico da função

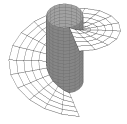
$$c(x) = e^{\text{sen}(x)} + (\textcircled{S} + 1)x - \textcircled{S}$$

no ponto $x = 0$.

- a) $y = 9x - 6$ d) $y = 8x - 5$ g) $y = 6x - 3$ j) $y = 5x - 2$
b) $y = 2x + 1$ e) $y = 3x$ h) $y = 10x - 7$ k) $y = x + 2$
c) $y = 7x - 4$ f) $y = 11x - 8$ i) $y = 4x - 1$ l) NDA

5ª Questão Calcule as derivadas das funções abaixo no ponto $x = 1$, usando as propriedades das derivadas:

i) $d_a(x) = \frac{x^2 - x(10 - \textcircled{S})}{x - 2}$



3ª Prova

Cálculo Diferencial e Integral I

Prof.: Sérgio Data: 05/Dez/2014

Turno: Tarde

Curso: Nome:

Período: 14.2 Turma: 02

Matrícula:

Observações: Use a constante \textcircled{S} como sendo o último número de sua matrícula, nas questões abaixo e assinale apenas as alternativas corretas correspondentes a cada item das questões abaixo.

1ª Questão Dada a função $a(x) = (-1)^{\textcircled{S}}[2x^3 + (12 - 3\textcircled{S})x^2]$. Determine:

i) Quais dos pontos abaixo, é ponto crítico da função $a(x)$, caso exista:

- (a) (1, 1) (d) (0, 0) (g) (4, -64) (j) (2, -8)
(b) (5, 125) (e) (-2, 8) (h) (3, 27) (k) (-4, 64)
(c) (-5, -125) (f) (-3, -27) (i) (-1, -1) (l) NDA

ii) Marque com **C** o intervalo onde $a(x)$ é **Crescente** ou **D** onde $a(x)$ é **Decrescente**:

- (a) [] (0, 1) (d) [] (-4, 0) (g) [] (0, 3) (j) [] (0, 5)
(b) [] (-3, 0) (e) [] (-1, 0) (h) [] (0, 2) (k) [] (0, 4)
(c) [] (-2, 0) (f) [] (0, 0) (i) [] (-5, 0) (l) NDA

iii) Marque com **M** o ponto onde $a(x)$ é de **Máximo local** ou **m** onde $a(x)$ é de **mínimo local**:

- (a) [] (-1, -1) (d) [] (3, 27) (g) [] (-3, -27) (j) [] (4, -64)
(b) [] (2, -8) (e) [] (5, 125) (h) [] (-2, 8) (k) [] (1, 1)
(c) [] (-5, -125) (f) [] (0, 0) (i) [] (-4, 64) (l) NDA

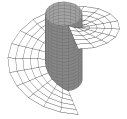
iv) Esboce o gráfico da função $a(x)$, usando as informações anteriores.

2ª Questão Determine o(s) valor(es) da(s) constante(s) existente(s), dada(s) pelo **Teorema de Rolle** para a função

$$b(x) = (\textcircled{S} + 1)[1 - \text{sen}(x)]^2$$

no intervalo $[0, 2\pi]$, caso a função satisfaça o teorema.

- a) $\frac{11\pi}{6}$ b) $\frac{5\pi}{3}$ c) $\frac{\pi}{6}$ d) $\frac{2\pi}{3}$ e) $\frac{\pi}{3}$ f) $\frac{\pi}{2}$



Final

Cálculo Diferencial e Integral I

Prof.: Sérgio Data: 02/Mar/2015

Turno: Tarde

Curso: Nome:

Período: 14.2 Turma: 02

Matrícula:

Observações: Use a constante (\textcircled{S}) como sendo o **último número de sua matrícula**, nas questões abaixo. Pode ter mais de uma opção de resposta nos itens abaixo.

1ª Questão Determine as equações das retas assíntotas verticais, caso existam, da

$$\text{função } a(x) = \frac{(\textcircled{S} - 4)x^2 + x + 7}{x^2 - 10x - ((\textcircled{S})^2 - 8\textcircled{S} - 9)}$$

- a) $x = 4$ c) $x = 8$ e) $x = 7$ g) $x = 1$ i) $x = 5$ k) $x = 10$
b) $x = 6$ d) $x = 3$ f) $x = 9$ h) $x = 0$ j) $x = 2$ l) NDA

2ª Questão Calcule as derivadas das funções abaixo no ponto $x = 1$, usando as propriedades das derivadas:

i) $b(x) = 2(\textcircled{S} - 10) \cos\left(x^2 - x + \frac{\pi}{6}\right)$

- (a) 6 (c) 7 (e) 10 (g) 4 (i) 1 (k) 3
(b) 2 (d) 8 (f) 5 (h) 9 (j) 11 (l) NDA

ii) $c(x) = ((\textcircled{S}) - 1 - x^2) \ln(2 - x^2)$

- (a) -2 (c) -8 (e) 4 (g) -12 (i) 2 (k) 0
(b) -4 (d) -6 (f) -14 (h) -10 (j) 6 (l) NDA

3ª Questão Dada a função $d(x) = (-1)^{\textcircled{S}}[2x^3 + (12 - 3\textcircled{S})x^2]$. Determine:

i) Quais dos pontos abaixo, é ponto crítico da função $d(x)$, caso exista:

- (a) $(4, -64)$ (d) $(2, -8)$ (g) $(3, 27)$ (j) $(-1, -1)$
(b) $(0, 0)$ (e) $(-3, -27)$ (h) $(-2, 8)$ (k) $(-4, 64)$
(c) $(-5, -125)$ (f) $(5, 125)$ (i) $(1, 1)$ (l) NDA

