



# UNIVERSIDADE FEDERAL DA PARAÍBA

CCEN - Departamento de Matemática

http://www.mat.ufpb.br/sergio



Final

## Matemática Elementar I

Prof.: Sérgio Data: 23/Abr/2013

Turno: M+N

Curso: Nome:

Período: 12.2

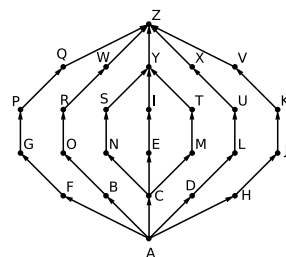
Turma(s):

Matrícula:

**Observações:** Considere

- Os conjuntos  $\mathcal{U} = \{\text{letras do alfabeto}\}$ ,  $\mathcal{A} = \{A, D, L, U, Z\}$ ,  $\mathcal{B} = \{C, M, N, S, Z\}$ ,  $\mathcal{C} = \{A, C, E, I, Y\}$  e  $\mathcal{D} = \{S, E, R, G, I, O\}$ .
- A relação  $\mathcal{T} : \mathcal{C} \rightarrow \mathcal{D}$  definido por  $\mathcal{T} = \{(A, E), (E, E), (E, I), (I, I), (I, O)\}$
- A relação de ordem parcial  $\leq$  em  $\mathcal{U}$  induzida pelo diagrama de Hasse ao lado.
- A escolha de apenas 10 letras das 16, sendo pelo menos duas letras em cada

subconjunto de 4 letras consecutivas.



**1ª Questão** Assinale cada uma das alternativas abaixo, com **V** para VERDADEIRO ou **F** para FALSO, justificando cada resposta dada. Os itens sem justificativas não serão considerados.

- |  |  |
|--|--|
| a) ( ) Se $p$ e $q$ são duas sentenças quaisquer, então $\sim(p \vee \sim q) \leftrightarrow (\sim p \wedge q)$ é uma sentença verdadeira; | i) ( ) Sendo $X_v = \{l \in \mathcal{A} / l \text{ é vogal}\}$ e $X_c = \{l \in \mathcal{A} / l \text{ é consoante}\}$ , então $\mathbb{L} = \{X_v, X_c\}$ é uma partição de $\mathcal{A}$ ; |
| b) ( ) Seja $I_n = [1 - 1/n, 2)$ uma família de intervalos, então $\bigcap_{n=1}^{\infty} I_n = [1, 2)$ ;                                  | j) ( ) $\mathcal{A}$ é um conjunto bem ordenado;   |
| c) ( ) $(\mathcal{A} - \mathcal{B}) \cup (\mathcal{C} - \mathcal{D}) = \{\}$ ;   | k) ( ) As cotas de $\mathcal{A}$ e $\mathcal{C}$ são iguais;   |
| d) ( ) $\mathcal{P}[(\mathcal{A} \cap \mathcal{B}) \cup (\mathcal{C} \cap \mathcal{D})]$ (conjunto das partes) possui 8 elementos;         | l) ( ) $\mathcal{A}^C$ e $\mathcal{C}^C$ possuem o mesmo cardinal;   |
| e) ( ) $\{E\} \in \mathcal{P}(\mathcal{D} - \mathcal{C})$ ;  | m) ( ) A expressão $2+4+6+\dots+2n = n^2+n$ é válida para todo $n \in \mathbb{N}$ ;  |
| f) ( ) $\mathcal{T}^{-1} \circ \mathcal{T}$ é uma relação de equivalência em $\mathcal{C}$ ;   | n) ( ) O número decimal 234 escrito na base 5 é igual a $[4141]_5$ ;   |
| g) ( ) $\text{Dom}((\mathcal{T}^{-1} \circ \mathcal{T})^{-1}) \subseteq \mathcal{D}$ ;   | o) ( ) O MDC(26, 30) pelo Algoritmo de Euclides (divisões sucessivas) é 390;   |
| h) ( ) Existe uma bijeção $f : \mathcal{C} \rightarrow \mathbb{Z}_6$ ;   | p) ( ) Em $\mathbb{Z}_6 = \{\bar{0}, \bar{1}, \bar{2}, \bar{3}, \bar{4}, \bar{5}\}$ a equação $2\bar{x} - \bar{3} = \bar{7}^{10}$ tem como solução $\bar{x} = \bar{2}$ ;                     |

Boa Sorte

Matemática Elementar I

Final - 12.2

Data: 23/Abr/2013

Prof.: Sérgio

Turma(s):  - M+N

Nome:

Matrícula:

Assinatura



# UNIVERSIDADE FEDERAL DA PARAÍBA

CCEN - Departamento de Matemática

http://www.mat.ufpb.br/sergio



Final

## Matemática Elementar I

Prof.: Sérgio Data: 23/Abr/2013

Turno: M+N

Curso: Nome:

Período: 12.2

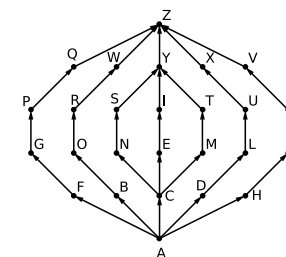
Turma(s):

Matrícula:

**Observações:** Considere

- Os conjuntos  $\mathcal{U} = \{\text{letras do alfabeto}\}$ ,  $\mathcal{A} = \{C, M, N, S, Z\}$ ,  $\mathcal{B} = \{A, D, L, U, Z\}$ ,  $\mathcal{C} = \{S, E, R, G, I, O\}$  e  $\mathcal{D} = \{A, C, E, I, Y\}$ .
- A relação  $\mathcal{T} : \mathcal{D} \rightarrow \mathcal{C}$  definido por  $\mathcal{T} = \{(A, E), (E, E), (E, I), (I, I), (I, O)\}$
- A relação de ordem parcial  $\leq$  em  $\mathcal{U}$  induzida pelo diagrama de Hasse ao lado.
- A escolha de apenas 10 letras das 16, sendo pelo menos duas letras em cada

subconjunto de 4 letras consecutivas.



**1ª Questão** Assinale cada uma das alternativas abaixo, com **V** para VERDADEIRO ou **F** para FALSO, justificando cada resposta dada. Os itens sem justificativas não serão considerados.

- |  |  |
|--|--|
| a) ( ) Se $p$ e $q$ são duas sentenças quaisquer, então $\sim(\sim p \vee q) \leftrightarrow (p \wedge \sim q)$ é uma sentença verdadeira; | i) ( ) Sendo $X_v = \{l \in \mathcal{A} / l \text{ é vogal}\}$ e $X_c = \{l \in \mathcal{A} / l \text{ é consoante}\}$ , então $\mathbb{L} = \{X_v, X_c\}$ é uma partição de $\mathcal{A}$ ; |
| b) ( ) Seja $I_n = [1 - 1/n, 2)$ uma família de intervalos, então $\bigcup_{n=1}^{\infty} I_n = [1, 2)$ ;                                  | j) ( ) $\mathcal{A}$ é um conjunto bem ordenado;   |
| c) ( ) $(\mathcal{A} - \mathcal{B}) \cap (\mathcal{C} - \mathcal{D}) = \{\}$ ;   | k) ( ) As cotas de $\mathcal{A}$ e $\mathcal{C}$ são iguais;   |
| d) ( ) $\mathcal{P}[(\mathcal{A} \cap \mathcal{B}) \cup (\mathcal{C} \cap \mathcal{D})]$ (conjunto das partes) possui 8 elementos;         | l) ( ) $\mathcal{A}^C$ e $\mathcal{C}^C$ possuem o mesmo cardinal;   |
| e) ( ) $\{E\} \in \mathcal{P}(\mathcal{D} - \mathcal{C})$ ;  | m) ( ) A expressão $2+4+6+\dots+2n = n^2+n$ é válida para todo $n \in \mathbb{N}$ ;  |
| f) ( ) $\mathcal{T}^{-1} \circ \mathcal{T}$ é uma relação de equivalência em $\mathcal{C}$ ;   | n) ( ) O número decimal 234 escrito na base 5 é igual a $[1414]_5$ ;   |
| g) ( ) $\text{Dom}((\mathcal{T}^{-1} \circ \mathcal{T})^{-1}) \subseteq \mathcal{D}$ ;   | o) ( ) O MDC(26, 30) pelo Algoritmo de Euclides (divisões sucessivas) é 390;   |
| h) ( ) Existe uma bijeção $f : \mathcal{C} \rightarrow \mathbb{Z}_6$ ;   | p) ( ) Em $\mathbb{Z}_6 = \{\bar{0}, \bar{1}, \bar{2}, \bar{3}, \bar{4}, \bar{5}\}$ a equação $2\bar{x} - \bar{3} = \bar{7}^{10}$ tem como solução $\bar{x} = \bar{3}$ ;                     |

Boa Sorte

Matemática Elementar I

Final - 12.2

Data: 23/Abr/2013

Prof.: Sérgio

Turma(s):  - M+N

Nome:

Matrícula:

Assinatura



UNIVERSIDADE FEDERAL DA PARAÍBA

CCEN - Departamento de Matemática

<http://www.mat.ufpb.br/sergio>



Final

Matemática Elementar I

Prof.: .Sérgio Data: 23/Abr/2013

Turno: M+N

Curso: Nome:

Período: 12.2

Turma(s):

Matrícula:

**Observações:** Considere

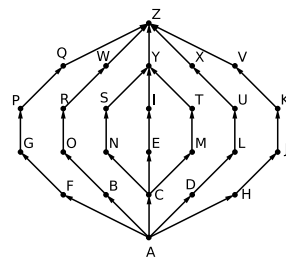
1. Os conjuntos  $\mathcal{U} = \{\text{letras do alfabeto}\}$ ,  $\mathcal{A} = \{A, D, L, U, Z\}$ ,  $\mathcal{B} = \{C, M, N, S, Z\}$ ,  $\mathcal{C} = \{S, E, R, G, I, O\}$  e  $\mathcal{D} = \{A, C, E, I, Y\}$ .

2. A relação  $\mathcal{T} : \mathcal{D} \rightarrow \mathcal{C}$  definido por  $\mathcal{T} = \{(A, E), (E, E), (E, I), (I, I), (I, O)\}$

3. A relação de ordem parcial  $\leq$  em  $\mathcal{U}$  induzida pelo diagrama de Hasse ao lado.

4. A escolha de apenas 10 letras das 16, sendo pelo menos duas letras em cada

subconjunto de 4 letras consecutivas.



**1ª Questão** Assinale cada uma das alternativas abaixo, com **V** para VERDADEIRO ou **F** para FALSO, justificando cada resposta dada. Os itens sem justificativas não serão considerados.

a) ( ) Se  $p$  e  $q$  são duas sentenças quaisquer, então  $(p \wedge \sim q) \leftrightarrow \sim (\sim p \vee q)$  é uma sentença verdadeira;

b) ( ) Seja  $I_n = [1 + 1/n, 2)$  uma família de intervalos, então  $\bigcup_{n=1}^{\infty} I_n = [1, 2)$ ;

c) ( )  $(\mathcal{A} - \mathcal{B}) \cap (\mathcal{C} - \mathcal{D}) = \{\}$ ;

d) ( )  $\mathcal{P}[(\mathcal{A} \cap \mathcal{B}) \cup (\mathcal{C} \cap \mathcal{D})]$  (conjunto das partes) possui 8 elementos;

e) ( )  $\{E\} \in \mathcal{P}(\mathcal{D} - \mathcal{C})$ ;

f) ( )  $\mathcal{T}^{-1} \circ \mathcal{T}$  é uma relação de equivalência em  $\mathcal{C}$ ;

g) ( )  $\text{Dom}((\mathcal{T}^{-1} \circ \mathcal{T})^{-1}) \subseteq \mathcal{D}$ ;

h) ( ) Existe uma bijeção  $f : \mathcal{C} \rightarrow \mathbb{Z}_6$ ;

i) ( ) Sendo  $X_v = \{l \in \mathcal{A} / l \text{ é vogal}\}$  e  $X_c = \{l \in \mathcal{A} / l \text{ é consoante}\}$ , então  $\mathbb{L} = \{X_v, X_c\}$  é uma partição de  $\mathcal{A}$ ;

j) ( )  $\mathcal{A}$  é um conjunto bem ordenado;

k) ( ) As cotas de  $\mathcal{A}$  e  $\mathcal{C}$  são iguais;

l) ( )  $\mathcal{A}^{\mathcal{C}}$  e  $\mathcal{C}^{\mathcal{C}}$  possuem o mesmo cardinal;

m) ( ) A expressão  $2+4+6+\dots+2n = n^2+n$  é válida para todo  $n \in \mathbb{N}$ ;

n) ( ) O número decimal 234 escrito na base 5 é igual a  $[1441]_5$ ;

o) ( ) O MDC(26, 30) pelo Algoritmo de Euclides (divisões sucessivas) é 380;

p) ( ) Em  $\mathbb{Z}_6 = \{\bar{0}, \bar{1}, \bar{2}, \bar{3}, \bar{4}, \bar{5}\}$  a equação  $\bar{2}\bar{x} - \bar{3} = \bar{7}^{\bar{10}}$  tem como solução  $\bar{x} = \bar{4}$ ;

Boa Sorte

Matemática Elementar I

Prof.: .Sérgio

Final - 12.2

Data: 23/Abr/2013

Turma(s):  - M+N

Nome:

Matrícula:

Assinatura