



-1ª Lista/Roteiro

Cálculo Diferencial e Integral I

Prof.: Sérgio Data: 08/Out/2014
Curso: Nome:

Turno: Tarde

Período: 14.2 Turma: 02

Matrícula:

Provas e listas:

Cálculo Diferencial e Integral I

Período 2014.2

Sérgio de Albuquerque Souza

4 de maio de 2015

1ª Questão Considere as seguintes funções abaixo:

a) $a(x) = x + 3$ c) $c(x) = (x + 1)^2 - 4$ e) $e(x) = \log_2(x + 1) + 2$

b) $b(x) = |x + 3| - 2$ d) $d(x) = 3^{(x-1)} - 1$

i) Faça um esboço do gráfico das funções abaixo, exibindo as raízes, os pontos de interseção com o eixo y e as assintotas verticais e horizontais caso existam.

(a) $a(x)$ (b) $b(x)$ (c) $c(x)$ (d) $d(x)$ (e) $e(x)$

ii) Determine quantas e quais são as soluções, caso existam, das equações abaixo:

(a) $a(x) = 2$ $x_1 = -1$ (d) $d(x) = 2$ $x_1 = 2$

(b) $b(x) = 1$ $x_1 = -6$ e $x_2 = 0$

(c) $c(x) = -3$ $x_1 = -2$ e $x_2 = 0$ (e) $e(x) = 2$ $x_1 = 0$

iii) Encontre o conjunto solução das inequações abaixo:

(a) $a(x) \leq 2$ $[-\infty, -1]$ (d) $d(x) < 2$ $(-\infty, 2)$

(b) $b(x) > 1$ $(-\infty, -6) \cup (0, \infty)$ (e) $e(x) \leq 2$ $(-1, 2)$

(c) $c(x) \geq -3$ $(-\infty, -2] \cup [0, \infty)$

2ª Questão Calcule os seguintes limites:

a) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{2x^3 + 2x^2}{x^3 + 8}$ $\frac{3}{2}$ d) $\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{x^2 + x - 2}{x^3 - 8}$ ∞

b) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 + x - 6}{x^3 - 8}$ $\frac{5}{12}$ e) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 + x - 2}{x^3 - 8}$ 0

c) $\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x^2 + x - 2}{x^3 - 8}$ $-\infty$ f) $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sqrt{x} - 2}{x - 4}$ $\frac{1}{4}$

3ª Questão Determine as equações das retas assíntotas verticais e horizontais das funções abaixo, caso existam:

a) $i(x) = \frac{2x^3 + 2x^2}{x^3 + 8}$ $x = -2, y = 2$ c) $k(x) = \frac{x^2 + x - 1}{x^2 - 4}$ $x = \pm 2, y = 1$

b) $j(x) = \frac{x^2 + x - 6}{x^3 - 8}$ $y = 0$ d) $l(x) = \frac{x - 2}{|x - 1|}$ $x = 1, y = \pm 1$

4ª Questão Considere a função $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ definida por:

$$f(x) = \begin{cases} 2^x + 1 & , \text{ se } x < 0 \\ x + 2 & , \text{ se } 0 \leq x < 2 \\ -(x - 3)^2 + 4 & , \text{ se } x \geq 2 \end{cases}$$

a) Esboce o gráfico da função $f(x)$, identificando sua imagem.

b) Com base no gráfico, complete a tabela abaixo:

$f(0) + f(2)$	$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$	$\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$	$\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$	$\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x)$	$\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x)$	$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x)$
5	1	2	2	4	3	$-\infty$

c) A função $f(x)$ é contínua nos pontos $x = 0$ e $x = 2$?

V e F

5ª Questão Considere a função $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ definida por:

$$g(x) = \begin{cases} (x + 2)^2 + Q & , \text{ se } x < -2 \\ -x + 2 & , \text{ se } -2 \leq x \leq 2 \\ \log_2(x) + R & , \text{ se } x > 2 \end{cases}$$

Determine os valores de:

a) Q de modo que a função g seja contínua em $x = -2$

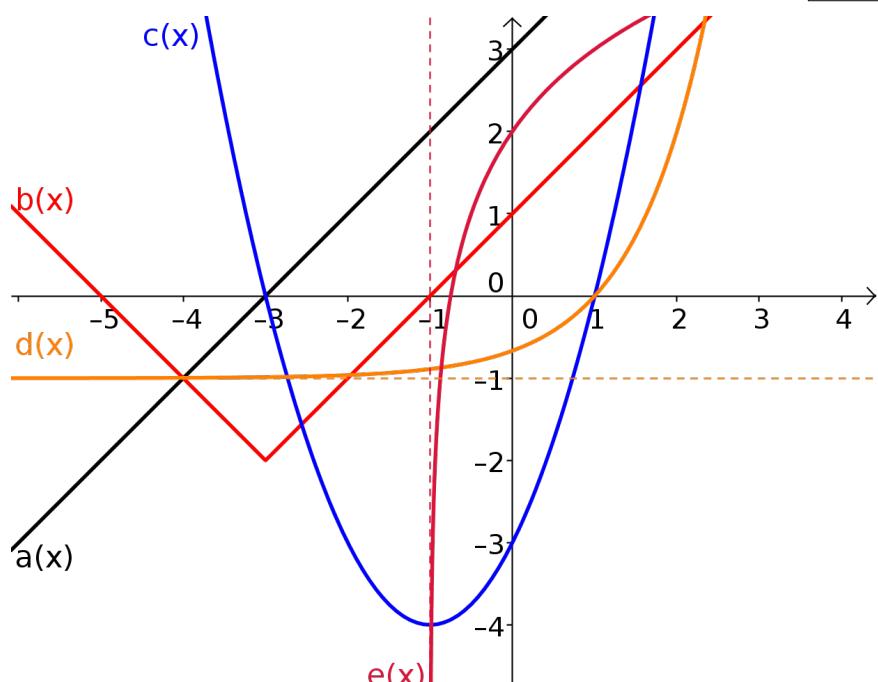
$Q = 4$

b) R de modo que a função g seja contínua em $x = 2$

$R = 1$

6ª Questão Considere a função $f(x) = x^2 + 3x$ e o ponto $A = (1, f(1))$. Determine a equação da reta que passa no ponto A e é tangente ao gráfico de $f(x)$ no ponto A , ou seja, tem declividade $m = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h} = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{f(1+\Delta x) - f(1)}{\Delta x} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1}$

$y = 5x - 1$



Boa Sorte



1ª Questão Considerando as funções $a_1(x) = x^2 + 2x - 3$ e $a_2(x) = \sqrt{x}$, determine:

a) Usando a definição, via limites, as derivadas de $a_1(x)$ e $a_2(x)$ no ponto $x = 1$.

$a'_1(1) = 4$ e $a'_2(1) = 1/2$

b) A segunda derivada das funções $a_1(x)$ e $a_2(x)$ no ponto $x = 1/4$, utilizando as propriedades das derivadas.

$a''_1(\frac{1}{4}) = 2$ e $a''_2(\frac{1}{4}) = -2$

2ª Questão Determine os valores de R_i e Q_i ($i = 1, 2$), de modo que as funções definidas por

$$b_1(x) = \begin{cases} 2x^3 & , \text{ se } x < 1 \\ Q_1x + R_1 & , \text{ se } x \geq 1 \end{cases}$$

$$b_2(x) = \begin{cases} \sin(x) & , \text{ se } x < \pi \\ Q_2 e^{-x} + R_2 & , \text{ se } x \geq \pi \end{cases}$$

sejam derivável nos pontos $x = 1$ e $x = \pi$, respectivamente.

$R_1 = -4$, $Q_1 = 6$, $R_2 = -1$ e $Q_2 = e^\pi$

3ª Questão Determine as equações das retas tangente ao gráfico das funções abaixo, nos pontos dados.

a) $c_1(x) = 2x^3 - 3x^2 + x - 2$ no ponto $x = 1$ b) $c_2(x) = \ln[\cos(x) + 1]$ no ponto $x = \pi/2$

$y = x - 3$ $y = -x + \pi/2$

4ª Questão Calcule as derivadas das funções abaixo no ponto $x = 1$, usando as propriedades das derivadas:

a) $d_a(x) = x^7 - 3x^6 + 2x^4 + 3$	<input type="text" value="[-3]"/>	c) $d_c(x) = \frac{x^3 + x^2}{x + 1}$	<input type="text" value="2"/>
b) $d_b(x) = \frac{x^7}{7} - \frac{7}{x} + 7$	<input type="text" value="8"/>	d) $d_d(x) = (x^3 - x^2) \ln(x)$	<input type="text" value="0"/>

e) $d_e(x) = 2e^{(2x^2-2x)}$

4 j) $d_j(x) = \sec\left(x^2 - 1 + \frac{\pi}{6}\right)$ $\frac{4}{3}$

f) $d_f(x) = \cos(x\pi) \ln(x)$

-1

g) $d_g(x) = \frac{x-1}{e^{(x^2-1)}}$

1

k) $d_k(x) = \arccos(x^2 - x)$ -1

h) $d_h(x) = e^{\sqrt{\ln(4x^2-4x+e)}}$

2

l) $d_l(x) = \frac{\ln\left[\cos\left(\operatorname{sen}\sqrt{x^3-1+\frac{\pi^2}{4}}\right)\right]}{\operatorname{sen}\left(\frac{\pi}{2}x\right)}$

i) $d_i(x) = \operatorname{sen}^3\left(\frac{x^2\pi}{3}\right)$

$\frac{3\pi}{4}$

Desafio: 0

5^a Questão Cada uma das equações abaixo define, implicitamente, y como função de x . Encontre a expressão para $y'(x)$ e $y'(x_0)$ no ponto indicado.

a) $x^2 + y^2 = 2$, com $y(1) = 1$

$y'(x) = -\frac{x}{y}$ e $y'(1) = -1$

b) $y^3 = x + y$, com $y(0) = 1$

$y'(x) = \frac{1}{3y^2 - 1}$ e $y'(0) = \frac{1}{2}$

c) $y^2 + xy + x^2 = 3$, com $y(1) = 1$

$y'(x) = -\frac{y+2x}{2y+x}$ e $y'(1) = -1$

d) $xy - \sin(y-x) = y^2$, com $y(\pi) = \pi$

$y'(x) = \frac{\cos(y-x)+y}{\cos(y-x)+2y-x}$ e $y'(\pi) = 1$

e) $\ln(y+x) + x = 1$, com $y(1) = 0$

$y'(x) = -y-x-1$ e $y'(1) = -2$

Boa Sorte

Tabela de Derivadas ¹

a) $[k]' = k$

h) $[b^x]' = b^x \ln(b)$

²

n) $[\cot g(x)]' = -\operatorname{cossec}^2(x)$

b) $[x^k]' = k.x^{(k-1)}$

i) $[\ln(x)]' = \frac{1}{x}$

³

o) $[\operatorname{cossec}(x)]' = -\operatorname{cossec}(x) \cot g(x)$

c) $[g \pm h]' = g' \pm h'$

j) $[\ln_b(x)]' = \frac{1}{x \ln(b)}$

³

p) $[\sec(x)]' = \sec(x) \operatorname{tg}(x)$

d) $[k.g(x)]' = k.g'(x)$

q) $[\operatorname{sen}^{-1}(x)]' = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$

e) $[g.h]' = g'.h + g.h'$

k) $[\operatorname{sen}(x)]' = \cos(x)$

⁴

r) $[\cos^{-1}(x)]' = -\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$

f) $\left[\frac{g}{h}\right]' = \frac{g'h - gh'}{h^2}$

l) $[\cos(x)]' = -\operatorname{sen}(x)$

⁴

s) $[\operatorname{tg}^{-1}(x)]' = \frac{1}{1+x^2}$

¹ Considere g e h funções, g' e h' derivadas de g e h , e as constantes $k \in \mathbb{R}$, $b > 0$ e $b \neq 1$

²Mudança de base: $b^x = e^{\ln(b^x)} = e^{x \ln(b)}$

³Mudança de base de logaritmo: $\ln_b(x) = \frac{\ln(x)}{\ln(b)}$

⁴Função inversa do sen: $\operatorname{sen}^{-1}(x) = \operatorname{arcsen}(x)$ é o arco cujo o seno é x .



-3ª Lista/Roteiro

Cálculo Diferencial e Integral I

Prof.: Sérgio Data: 24/Nov/2014

Turno: Tarde

Curso: Nome:

Período: 14.2 Turma: 2

Matrícula:

--	--	--	--	--	--	--

1ª Questão Determine, para as funções $a(x) = x - 1$, $b(x) = x^2 + 2x - 3$, $c(x) = x^3 - 3x$, $d(x) = e^{x^2} - ex^2$ e $f(x) = \cos(x)^2 + \sin(x)$ (no intervalo $I_f = [0, 2\pi]$), os seguintes itens:

a) O(s) ponto(s) crítico(s), caso exista(m).

$$P_a = \emptyset, P_b = (-1, -4)$$

$$P_{c_1} = (-1, 2) \text{ e } P_{c_2} = (1, -2), P_{d_1} = (-1, 0), P_{d_2} = (0, 1) \text{ e } P_{d_3} = (1, 0)$$

$$P_{f_1} = \left(\frac{\pi}{6}, \frac{5}{4}\right), P_{f_2} = \left(\frac{5\pi}{6}, \frac{5}{4}\right), P_{f_3} = \left(\frac{\pi}{2}, 1\right) \text{ e } P_{f_4} = \left(\frac{3\pi}{2}, -1\right)$$

b) Em qual(is) intervalo(s) são crescente (e decrescente).

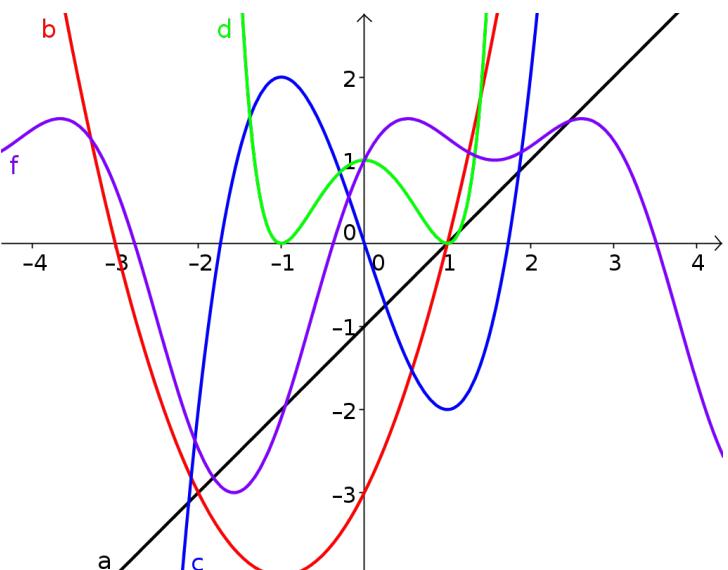
$$\text{Crescente: } I_a = \mathbb{R}, I_b = (-1, \infty), I_c = (-\infty, -1) \cup (1, \infty), I_d = (-1, 0) \cup (1, \infty) \text{ e } I_f = (0, \frac{\pi}{6}) \cup (\frac{\pi}{2}, \frac{5\pi}{6})$$

c) O(s) ponto(s) de máximo/mínimo (locais/absolutos) das funções, caso exista(m). Use a segunda derivada.

$$\text{Máx: } M_a = \emptyset, M_b = \emptyset, M_c = (-1, 2), M_d = (0, 1), M_{f_1} = \left(\frac{\pi}{6}, \frac{5}{4}\right) \text{ e } M_{f_2} = \left(\frac{5\pi}{6}, -1\right)$$

$$\text{Mim: } m_a = \emptyset, m_b = (-1, -4), m_c = (1, -2), m_{d_1} = (-1, 0), m_{d_2} = (1, 0), m_{f_1} = \left(\frac{\pi}{2}, 1\right) \text{ e } m_{f_2} = \left(\frac{3\pi}{2}, -1\right)$$

d) Esboce os gráfico das funções.



2ª Questão Verifique, justificando, quais das funções abaixo, saisfazem o **Teorema de Rolle**, no intervalo dado, e em caso afirmativo, determine o(s) valores da(s) constante(s) existente(s) dada pelo teorema.

a) $g_a(x) = x^3 + 3x^2$
em $[-2, 1]$

d) $g_d(x) = \sin(x) - \cos(x)$
em $[-\pi, \pi]$

$$c_1 = -\frac{\pi}{4} \text{ e } c_2 = \frac{3\pi}{4}$$

b) $g_b(x) = e^{x^2} + x^2$
em $[-1, 1]$

e) $g_e(x) = \frac{1}{x^2}$
em $[-1, 1]$

Não é contínua em $x = 0$

c) $g_c(x) = \cos(x^2 - \pi x)$
em $[0, \pi]$

f) $g_f(x) = \sin(x) - \cos(x)$
em $[0, \pi]$

$$g_f(0) \neq g_f(\pi)$$

3ª Questão Verifique, justificando, quais das funções abaixo, saisfazem o **Teorema do Valor Intermediário**, no intervalo dado, e em caso afirmativo, determine o(s) valores da(s) constante(s) existente(s) dada pelo teorema.

a) $h_a(x) = x^2 + 4x - 1$
em $[0, 1]$

d) $h_d(x) = \ln(x) + x$
em $[1, e]$

$$c = e - 1$$

b) $h_b(x) = x^3 - 1$
em $[-\sqrt{3}, \sqrt{3}]$

$$c_1 = -1 \text{ e } c_2 = 1$$

$$c = \frac{\pi}{2}$$

c) $h_c(x) = \frac{1}{x}$
em $[1, 4]$

f) $h_f(x) = |x^2 - 1|$
em $[0, 2]$

Não é derivável em $x = 1$

4ª Questão Calcule os limites abaixo. Use a regra L'Hôpital, quando necessário, indicando qual o tipo da indeterminação:

a) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - x}{x^2 + x - 2}$

e) $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\ln(x)}{1/x}$

$$\text{Tipo: } \frac{-\infty}{\infty}, L = 0$$

b) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1}{x^3}$

f) $\lim_{x \rightarrow 0^+} \sqrt{x} \ln(x)$

$$\text{Tipo: } 0 \cdot \infty, L = 0$$

c) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(x)}{x^2}$

g) $\lim_{x \rightarrow \infty} x e^{-x}$

$$\text{Tipo: } 0 \cdot \infty, L = 0$$

d) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{1 - x + \ln(x)}{1 + \cos(\pi x)}$

h) $\lim_{x \rightarrow \infty} x - \ln(x)$

$$\text{Tipo: } \infty - \infty, L = \infty$$

$$\text{Tipo: } \infty^0, L = 1$$

Alguns Teoremas

Teorema 1 (Rolle) Seja $f(x)$ uma função contínua no intervalo $[a, b]$, derivável no intervalo (a, b) e $f(a) = f(b)$, então existe $c \in (a, b)$, tal que $f'(c) = 0$

Teorema 2 (Teorema do Valor Médio) Seja $f(x)$ uma função contínua no intervalo $[a, b]$, derivável no intervalo (a, b) , então existe $c \in (a, b)$, tal que $f'(c) = \frac{f(b) - f(a)}{b - a}$, ou de outra forma, $f(b) - f(a) = f'(c) = (b - a)$

Teorema 3 (Regra de L'Hôpital) Sejam $f(x)$ e $g(x)$ funções deriváveis no ponto $x = a$, com $g'(x) \neq 0$ se: $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = 0$ e $\lim_{x \rightarrow a} g(x) = 0$ ou $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = \pm\infty$ e $\lim_{x \rightarrow a} g(x) = \pm\infty$

Então $\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x)}{g(x)} = \lim_{x \rightarrow a} \frac{f'(x)}{g'(x)}$ se tal limite existir (ou for $\pm\infty$).

Tabela de Derivadas⁵

a) $[k]' = k$	h) $[b^x]' = b^x \ln(b)$	6	n) $[\cot(g)]' = -\operatorname{cossec}^2(x)$
b) $[x^k]' = k \cdot x^{(k-1)}$	i) $[\ln(x)]' = \frac{1}{x}$		o) $[\operatorname{cossec}(x)]' = -\operatorname{cossec}(x) \cot(g)$
c) $[g \pm h]' = g' \pm h'$	j) $[\ln_b(x)]' = \frac{1}{x \ln(b)}$	7	p) $[\sec(x)]' = \sec(x) \tg(x)$
d) $[k \cdot g(x)]' = k \cdot g'(x)$	k) $[\operatorname{sen}(x)]' = \cos(x)$		q) $[\operatorname{sen}^{-1}(x)]' = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$
e) $[g \cdot h]' = g' \cdot h + g \cdot h'$	l) $[\cos(x)]' = -\operatorname{sen}(x)$		r) $[\cos^{-1}(x)]' = -\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$
f) $\left[\frac{g}{h}\right]' = \frac{g' \cdot h - g \cdot h'}{h^2}$	m) $[\operatorname{tg}(x)]' = \operatorname{cotg}^2(x)$		s) $[\operatorname{tg}^{-1}(x)]' = \frac{1}{1+x^2}$
g) $[e^x]' = e^x$			

Tabela de Relações Trigonométricas

a) $\cos(-x) = \cos x$	g) $\operatorname{sen}^2 x + \cos^2 x = 1$
b) $\operatorname{sen}(-x) = -\operatorname{sen} x$	h) $1 + \operatorname{tg}^2 x = \operatorname{sec}^2 x$
c) $\operatorname{tg} x = \frac{\operatorname{sen} x}{\cos x}$	i) $\operatorname{sen}(a \pm b) = \operatorname{sen} a \cos b \pm \cos a \operatorname{sen} b$
d) $\sec = \frac{1}{\cos x}$	j) $\cos(a \pm b) = \cos a \cos b \mp \operatorname{sen} a \operatorname{sen} b$
e) $\operatorname{cossec} x = \frac{1}{\operatorname{sen} x}$	k) $\operatorname{sen} a \operatorname{sen} b = \frac{1}{2} [\operatorname{cos}(a-b) - \operatorname{cos}(a+b)]$
f) $\operatorname{cotg} x = \frac{1}{\operatorname{tg} x}$	l) $\cos a \cos b = \frac{1}{2} [\operatorname{cos}(a-b) + \operatorname{cos}(a+b)]$

⁵Considere g e h funções, g' e h' derivadas de g e h , e as constantes $k \in \mathbb{R}$, $b > 0$ e $b \neq 1$

⁶Mudança de base: $b^x = e^{\ln(b^x)} = e^{x \ln(b)}$

⁷Mudança de base de lnarítimo: $\ln_b(x) = \frac{\ln(x)}{\ln(b)}$

⁸Função inversa do sen: $\operatorname{sen}^{-1}(x) = \operatorname{arcsen}(x)$ é o arco cujo o seno é x .



UNIVERSIDADE FEDERAL DA PARAÍBA

CCEN - Departamento de Matemática

http://www.mat.ufpb.br/sergio



-4ª Lista/Roteiro

Prof.: Sérgio Data: 02/Fev/2015

Curso: Nome:

Período: 14.2 Turma: 2

Cálculo Diferencial e Integral I

Turno: Tarde

Matrícula: _____

1ª Questão Fazer uma pesquisa, em qualquer livro de Cálculo I, dos itens abaixo:

- a) Nome do livro, Autor, Editora.
- b) Definição de: Primitiva (antiderivada); Integral indefinida; Integral definida;
- c) As propriedades das integrais (constantes, potências, exponenciais, trigonométricas, etc);
- d) Teorema Fundamental do Cálculo;
- e) Exemplos dos métodos de integração por: Substituição; Partes e Frações parciais;
- f) Aplicações (exemplos): Área entre gráficos e Volume de uma superfície de revolução.

2ª Questão Determine a primitiva das funções abaixo, nos pontos dados:

a) $a(x) = 2x + 1$ no ponto $(-1, 3)$

$A(x) = x^2 + x + 3$

b) $b(x) = 5x^4 + 3x^2 + 3$ no ponto $(1, 2)$

$B(x) = x^5 + x^3 + 3x - 3$

c) $c(x) = x^3 + 3x^2 + x$ no ponto $(2, 1)$

$C(x) = \frac{x^4}{4} + x^3 + \frac{x^2}{2} - 13$

d) $d(x) = \frac{2}{x} - 2x$ no ponto $(1, 1)$

$D(x) = 2 \ln(x) - x^2 + 2$

e) $e(x) = 2e^x + 1$ no ponto $(0, 1)$

$E(x) = 2e^x + x - 1$

f) $f(x) = (2x+1)(x^2+x)^4$ no ponto $(-1, 3)$

$F(x) = \frac{(x^2+x)^5}{5} + 3$

g) $g(x) = \ln(x)$ no ponto $(1, 1)$

$G(x) = x \ln(x) - x + 2$

3ª Questão Calcule as integrais indefinidas abaixo:

a) $\int 7x^6 + 6x^5 + 4x^3 dx$

$x^7 + x^6 + x^4 + k$

d) $\int \frac{2x+5}{x^2+5x+2} dx$

$\ln(x^2+5x+2) + k$

b) $\int 3\sqrt{x} + \frac{5}{x^6} dx$

$2\sqrt{x^3} - \frac{1}{x^5} + k$

e) $\int (2x)e^{(x^2+3)} dx$

$e^{(x^2+3)} + k$

c) $\int 5e^x + \frac{4}{x} dx$

$4 \ln(x) + 5e^x + k$

f) $\int (x+3)e^x dx$

$(x+2)e^x + k$

4ª Questão Determine as seguintes integrais definidas:

a) $\int_1^2 1 dx$

1

b) $\int_1^2 6x^5 + 3x^2 + 3dx$

73

c) $\int_{-2}^2 -3x^2 - 4x + 2 \, dx$

-8

d) $\int_1^3 \frac{1}{x} \, dx$

ln(3)

e) $\int_1^3 \frac{1}{x^2} \, dx$

$\frac{2}{3}$

f) $\int_1^2 \frac{2x-3}{x^2-3x+3} \, dx$

0

g) $\int_1^3 \frac{2x-3}{x^2-3x+3} \, dx$

ln(3)

h) $\int_1^2 (2x-3)(x^2-3x+3) \, dx$

0

Observações: Use a constante \S como sendo o último número de sua matrícula, nas questões abaixo e assinale apenas as alternativas correspondentes a cada item de cada questão.

5ª Questão Determine a constante k da primitiva das funções abaixo, nos pontos dados:

1. $a(x) = 4x + (5 - \S)$ no ponto $(-1, 3)$

- | | | | | | |
|--------|-------|-------|--------|--------|---------|
| (a) 1 | (c) 6 | (e) 4 | (g) 2 | (i) -2 | (k) 7 |
| (b) -3 | (d) 5 | (f) 0 | (h) -1 | (j) 3 | (l) NDA |

2. $b(x) = x^3 + 3x^2 + x$ no ponto $(2, \S)$

- | | | | | | |
|---------|---------|---------|--------|---------|---------|
| (a) -11 | (c) -7 | (e) -14 | (g) -9 | (i) -12 | (k) -15 |
| (b) -13 | (d) -10 | (f) -8 | (h) -5 | (j) -6 | (l) NDA |

3. $c(x) = 5e^x + 1$ no ponto $(0, \S)$

- | | | | | | |
|--------|--------|--------|--------|--------|---------|
| (a) 4 | (c) 1 | (e) 3 | (g) -4 | (i) -1 | (k) 2 |
| (b) -3 | (d) -2 | (f) -5 | (h) -6 | (j) 0 | (l) NDA |

6ª Questão Determine as seguintes integrais definidas:

1. $\int_{-1}^1 6x^5 + 3x^2 - \S \, dx$

- | | | | | | |
|--------|---------|---------|---------|---------|---------|
| (a) 0 | (c) -4 | (e) -16 | (g) 2 | (i) 4 | (k) -8 |
| (b) -2 | (d) -14 | (f) -6 | (h) -10 | (j) -12 | (l) NDA |

2. $\int_{-\S}^1 \frac{2x+\S}{x^2+\S x+1} \, dx$

- | | | | | | |
|-----------|-----------|------------|-----------|------------|-----------|
| (a) ln(3) | (c) ln(9) | (e) ln(11) | (g) ln(5) | (i) ln(10) | (k) ln(2) |
| (b) ln(7) | (d) ln(6) | (f) ln(4) | (h) ln(8) | (j) 0 | (l) NDA |

3. $\int_0^1 (x+\S-5) e^x \, dx$

- | | | | | | |
|------------|------------|------------|------------|------------|---------|
| (a) $4e-3$ | (c) $3-2e$ | (e) $2-e$ | (g) $2e-1$ | (i) $6-5e$ | (k) e |
| (b) $3e-2$ | (d) $4-3e$ | (f) $5-4e$ | (h) $7-6e$ | (j) 1 | (l) NDA |

Boa Sorte



UNIVERSIDADE FEDERAL DA PARAÍBA

CCEN - Departamento de Matemática

<http://www.mat.ufpb.br/sergio>



1ª Prova

Prof.: Sérgio Data: 20/Out/2014

Curso: Nome:

Turno: Tarde

Período: 14.2 Turma: 02

Matrícula:

Observações: Use a constante \S como sendo o **último número de sua matrícula**, nas questões abaixo. Pode ter mais de uma opção de resposta nos itens abaixo.

1ª Questão Considere as seguintes funções

$$a(x) = |x - |\S - 4|| - 1 \quad \text{e} \quad b(x) = 3^{(x+\S-4)} - 1:$$

i) Determine quantas e quais são as soluções, caso existam, da equação $a(x) = 1$.

- | | | | | | |
|--------|-------|--------|-------|-------|---------|
| (a) -1 | (c) 1 | (e) -2 | (g) 6 | (i) 2 | (k) 5 |
| (b) 3 | (d) 4 | (f) 7 | (h) 8 | (j) 0 | (l) NDA |

ii) Encontre o conjunto solução da inequação $b(x) \geq 2$.

- | | | | | | |
|--------------------|-------------------|--------------------|--------------------|-------------------|-------------------|
| (a) $[2, \infty)$ | (c) $[4, \infty)$ | (e) $[-1, \infty)$ | (g) $[3, \infty)$ | (i) $[0, \infty)$ | (k) $[5, \infty)$ |
| (b) $[-3, \infty)$ | (d) $[1, \infty)$ | (f) $[-2, \infty)$ | (h) $[-4, \infty)$ | (j) $[6, \infty)$ | (l) NDA |

2ª Questão Calcule os seguintes limites abaixo:

i) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^4 - x^3 + x^2 - x - 5\S}{x^2 + 1}$

- | | | | | | |
|--------|--------|--------|-------|--------|---------|
| (a) -1 | (c) -7 | (e) -2 | (g) 0 | (i) -6 | (k) 1 |
| (b) -4 | (d) 2 | (f) -5 | (h) 3 | (j) -3 | (l) NDA |

ii) $\lim_{x \rightarrow \S^+} \frac{x^2 - 9x + 14}{x - \S}$

- | | | | | | |
|---------------|--------------|---------|-------|-------|---------|
| (a) $-\infty$ | (c) 7 | (e) -7 | (g) 0 | (i) 5 | (k) -2 |
| (b) -5 | (d) ∞ | (f) -10 | (h) 2 | (j) 1 | (l) NDA |

3ª Questão Determine as equações das retas assíntotas, caso existam, da função

$$c(x) = \frac{(\S - 4)x^2 + x + 7}{x^2 - 10x - (\S^2 - 8\S - 9)}$$

i) Assíntotas verticais:

- (a) $x = 7$ (c) $x = 10$ (e) $x = 6$ (g) $x = 2$ (i) $x = 0$ (k) $x = 5$
 (b) $x = 8$ (d) $x = 3$ (f) $x = 1$ (h) $x = 9$ (j) $x = 4$ (l) NDA

ii) Assíntota horizontal:

- (a) $y = 1$ (c) $y = 5$ (e) $y = -4$ (g) $y = -2$ (i) $y = 2$ (k) $y = -5$
 (b) $y = -3$ (d) $y = 3$ (f) $y = 4$ (h) $y = 0$ (j) $y = -1$ (l) NDA

4^a Questão Considere a função $d : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ definida por:

$$d(x) = \begin{cases} (x+4)^2 + Q & , \text{ se } x < -2 \\ x + \$ & , \text{ se } -2 \leq x \leq 2 \\ \log_2(x) + R & , \text{ se } x > 2 \end{cases}$$

i) Determine o valor de Q de modo que a função $d(x)$ seja contínua em $x = -2$.

- (a) $Q = -1$ (c) $Q = 3$ (e) $Q = -3$ (g) $Q = -5$ (i) $Q = -7$ (k) $Q = 2$
 (b) $Q = -6$ (d) $Q = 0$ (f) $Q = -4$ (h) $Q = -2$ (j) $Q = 1$ (l) NDA

ii) Determine o valor de R de modo que a função $d(x)$ seja contínua em $x = 2$.

- (a) $R = 1$ (c) $R = 3$ (e) $R = 0$ (g) $R = 8$ (i) $R = 4$ (k) $R = 7$
 (b) $R = 5$ (d) $R = 6$ (f) $R = 9$ (h) $R = 10$ (j) $R = 2$ (l) NDA

iii) Esboce o gráfico de $d(x)$.

5^a Questão Considere a função $f(x) = x^2 - x + (4 - \$)$. Determine o coeficiente angular da reta r , tangente ao gráfico de $f(x)$, que passa no ponto $A = (-1, f(-1))$. (O coeficiente angular da reta r é dado por $m = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h}$).

- a) $m = -5$ c) $m = 2$ e) $m = -2$ g) $m = 1$ i) $m = -3$ k) $m = -1$
 b) $m = 4$ d) $m = 5$ f) $m = 0$ h) $m = -4$ j) $m = 3$ l) NDA

Boa Sorte

1^a Questão Considere a função $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ definida por:

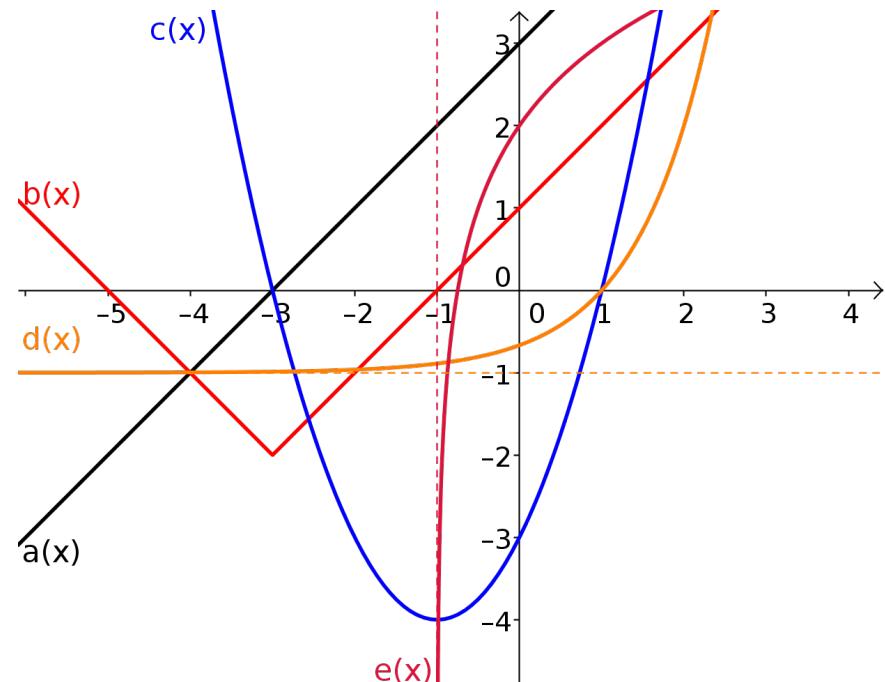
$$f(x) = \begin{cases} 2^x + 1 & , \text{ se } x < 0 \\ x + 2 & , \text{ se } 0 \leq x < 2 \\ -(x-3)^2 + 4 & , \text{ se } x \geq 2 \end{cases}$$

a) Esboce o gráfico da função $f(x)$, identificando sua imagem.

b) Com base no gráfico, complete a tabela abaixo:

$f(0) + f(2)$	$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$	$\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$	$\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$	$\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x)$	$\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x)$	$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x)$

c) A função $f(x)$ é contínua nos pontos $x = 0$ e $x = 2$?



Observações: Use a constante $\$$ como sendo o **último número de sua matrícula**, nas questões abaixo e assinale apenas as alternativas corretas correspondentes a cada item das questões abaixo.

2^a Questão Dada a função $a(x) = (\$+2)[x+(\$+1)]^2 + (\$-10)$, determine:

i) Usando a definição, via limites, a derivada de $a(x)$ no ponto $x = -1$ é:

- | | | | | | |
|---------|--------|---------|--------|---------|---------|
| (a) 160 | (c) 30 | (e) 198 | (g) 70 | (i) 0 | (k) 6 |
| (b) 96 | (d) 16 | (f) 48 | (h) -2 | (j) 126 | (l) NDA |

ii) O valor da segunda derivada da função $a(x)$ no ponto $x = \S$ (o valor de $a''(\S)$), utilizando as propriedades das derivadas é:

- | | | | | | |
|--------|--------|--------|-------|--------|---------|
| (a) 22 | (c) 16 | (e) 20 | (g) 6 | (i) 12 | (k) 18 |
| (b) 8 | (d) 10 | (f) 4 | (h) 2 | (j) 14 | (l) NDA |

3^a Questão Determine os valores de R e Q , de modo que a função definida por

$$b(x) = \begin{cases} 3\ln(x) + (\S + 4) & , \text{ se } x < 1 \\ Qx^2 + 5x + R & , \text{ se } x \geq 1 \end{cases}$$

seja derivável nos pontos $x = 1$ (marque dois itens).

- | | | | | | |
|-------|------|------|------|------|--------|
| a) 2 | c) 4 | e) 8 | g) 0 | i) 3 | k) 5 |
| b) -1 | d) 9 | f) 6 | h) 1 | j) 7 | l) NDA |

4^a Questão Determine a equação da reta tangente ao gráfico da função

$$c(x) = e^{\operatorname{sen}(x)} + (\S + 1)x - \S$$

no ponto $x = 0$.

- | | | | |
|-----------------|------------------|------------------|-----------------|
| a) $y = 9x - 6$ | d) $y = 8x - 5$ | g) $y = 6x - 3$ | j) $y = 5x - 2$ |
| b) $y = 2x + 1$ | e) $y = 3x$ | h) $y = 10x - 7$ | k) $y = x + 2$ |
| c) $y = 7x - 4$ | f) $y = 11x - 8$ | i) $y = 4x - 1$ | l) NDA |

5^a Questão Calcule as derivadas das funções abaixo no ponto $x = 1$, usando as propriedades das derivadas:

i) $d_a(x) = \frac{x^2 - x(10 - \S)}{x - 2}$

- | | | | | | |
|--------|--------|--------|-------|--------|---------|
| (a) 19 | (c) 17 | (e) 3 | (g) 9 | (i) 15 | (k) -1 |
| (b) 11 | (d) 1 | (f) 13 | (h) 7 | (j) 5 | (l) NDA |

ii) $d_b(x) = 2(\S - 10) \cos\left(x^2 - x + \frac{\pi}{6}\right)$

- | | | | | | |
|-------|-------|-------|--------|--------|---------|
| (a) 5 | (c) 1 | (e) 9 | (g) 3 | (i) 2 | (k) 6 |
| (b) 7 | (d) 8 | (f) 4 | (h) 11 | (j) 10 | (l) NDA |

iii) $d_c(x) = (\S - 1 - x^2) \ln(2 - x^2)$

- | | | | | | |
|--------|-------|---------|--------|---------|---------|
| (a) -8 | (c) 6 | (e) -10 | (g) 4 | (i) -6 | (k) -12 |
| (b) 0 | (d) 2 | (f) -4 | (h) -2 | (j) -14 | (l) NDA |

6^a Questão A equação

$$(\S + 1)x + e^{(x-y)} = -y^2 + (\S + 3)$$

define, implicitamente, y como função de x . Determine o valor de $y'(1)$, sabendo que $y(1) = 1$:

- | | | | | | |
|-------|--------|-------|-------|--------|--------|
| a) -8 | c) -11 | e) -4 | g) -6 | i) -10 | k) -2 |
| b) -1 | d) -9 | f) -7 | h) -5 | j) -3 | l) NDA |

Boa Sorte

