



2<sup>a</sup> Prova

Matemática Básica II

Prof.: Sérgio Data: 30/Jan/2003  
Curso: Nome:

Turno: *Manhã*

Período: 02.2 Turma: 34

**1<sup>a</sup> Questão** Determine as seguintes integrais definidas:

$$1.a) \int_{-4}^{\mathcal{K}} 4x^3 - 3x^2 + 2x \, dx$$



$$1.b) \int_{-\mathcal{K}}^2 \frac{2x - 2 + \mathcal{K}}{x^2 + (\mathcal{K} - 2)x - 2\mathcal{K} + 1} dx$$



**2<sup>a</sup> Questão** Calcule a área  $A$  definida entre as funções  $f(x) = 3x^2 + 3x$  e  $g(x) = -3x^2 - 3x + 36$  no intervalo  $-4 \leq x \leq 3 + \mathcal{K}$ .

- (a)  $A = 2815$  u.a.      (c)  $A = 331$  u.a.      (e)  $A = 159$  u.a.  
 (b)  $A = 767$  u.a.      (d)  $A = 1563$  u.a.

**3<sup>a</sup> Questão** Calcule a soma  $S$  de todas as derivadas parciais de primeira ordem das funções abaixo, no ponto  $P$  indicado:

**3.a)**  $f(x, y, z) = 4\sqrt{x} - \frac{4z^2}{y}$  onde  $P = (1, 2, \mathcal{K} - 5)$

- (a)  $S = 23$       (c)  $S = -11$       (e)  $S = -1$   
 (b)  $S = 7$       (d)  $S = 47$

**3.b)**  $f(x, y, z, w) = 2 \ln(xy) - 5(\mathcal{K} - 5)e^{(z-2w)}$  onde  $P = (\mathcal{K} + 1, -\mathcal{K} - 1, 4, 2)$

- (a)  $S = -25$       (c)  $S = 5$       (e)  $S = 15$   
(b)  $S = -5$       (d)  $S = -15$

**4<sup>a</sup> Questão** Determine o(s) ponto(s) de máximo, de mínimo ou de sela, caso existam, da função

$$f(x, y) = (\mathcal{K} - 5)x^2 - 2(\mathcal{K} - 5)^2x + (\mathcal{K} - 3)[y^2 - 4(\mathcal{K} - 1)y]$$

- (a)  $P = (-1, 6)$       (c)  $P = (3, 14)$       (e)  $P = (-3, 2)$   
 (b)  $P = (1, 10)$       (d)  $P = (-5, -2)$

**5<sup>a</sup> Questão** Determine o valor máximo  $M$  da função  $f(x, y)$  restrito à curva

$x + y = 3(\mathcal{K} + 2)$ , onde  $f(x, y) = -2x^3 + 6xy + 3y^2 - 12y$  (utilizar o multiplicador de Lagrange).

- (a)  $M = 763$       (c)  $M = 1447$       (e)  $M = 43$   
 (b)  $M = 295$       (d)  $M = 2347$

**Observações:**

- a) Considere a constante  $\boxed{\mathcal{K} = n - \frac{1 - (-1)^n}{2}}$ , onde  $\boxed{n}$  é o último número da sua matrícula;
- b) Preencher com um **X** as respostas das questões anteriores, nas respectivas colunas da tabela de respostas abaixo;
- c) Na coluna correspondente à quarta questão, preencher com **máximo**, **mínimo** ou **sela** no ítem correspondente.

**Tabela de respostas**

$\mathcal{K} =$	1 a)	1 b)	2)	3 a)	3 b)	4)	5)
(i)							
(ii)							
(iii)							
(iv)							
(v)							